

J. F r i d r i c h s o n s  
Latvijas Valsts Universitātes docents.

F I Z I K A .

=====

I. daļa.

K o n s p e k t s  
Ar rokraksta tiesībām.

Lasīts Medicīnas  
fakultātes studen-  
tiem 1940/41.māc.g.

R i g ā , 1 9 4 1

---

Latvijas Valsts Universitātes izdevniecība

## Fizikas lekciju konspekts.

---

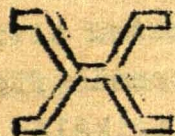
Fizika (grieķiski physis - daba), kā to rāda pats nosaukums ir mācība par dabu un tās parādībām. Senātnē arī tiešam fizikā ietilpa visas dabas, kā dzīvās, tā nedzīvās, parādības. Atziņu skaitam pieaugot, no fizikas atdalījās, kā patstāvīgas zinātnes, dabas zinātnes, ķīmija, astronomija, medicīna u.t.t. Fizika tagad apskata tās dabas parādības, kuras vielas sastāvs nemainas. Arī tagad fizika ir pamats daudzām speciālām zinātnēm un vispār nevar vilkt noteiktu robežu starp fiziku un citām radniecīgām zinātnēm, piem., ķīmiju, astronomiju un fizikālās pētīšanas metodes un rezultātus izmanto visās eksaktās zinātnēs.

Dabas parādību fizikālo pētīšanu var iedalīt trijos etapos:

1. Parādības novērošana
2. Skaitliskas sakarības atrašana starp parādībā novērojamiem fizikāliem lielumiem.
3. Parādības izskaidrošana un tās saistīšana ar citām dabas parādībām (fizikāla teorija).

Fizikā bieži parādību mēģina radīt mākslīgi, lai to varētu pētīt jebkurā laikā un netraucēti no citiem blakus apstākļiem (fizikāls eksperiments, eksperimentālā fizika).

Fizikālo lielumu skaitliskai raksturošanai ir jāprot lielumus mērit, tas ir, tos salīdzināt ar tāda pat lieluma par vienību pieņemtu daudzumu. Ērtības pēc lielumu vienības jāpieņem internacionālas. Šo domu realizēja Franču zinātnu akadēmija Franču revolūcijas laikā. Lai vienības varētu arvien nozaudēšanas gadījumā dabūt no jauna, tās jāizvēlas ņemot par pamatu uz zemes arvien pieejamus lielumus. Par garuma vienību izvēlējās 1:40000000 no zemes apkārtmēra un pēc attiecīgiem mērījumiem pagatavoja šāda garuma stieni no platīna - iridija kausējuma x-veidīgas formas, lai tas būtu izturīgāks pret deformācijām (Metra prototips, metre des archives). Šo garuma vienību nosauca par metru.



Vēlākie mērījumi rādīja, ka šis prototips drusku atšķiras no 1:40000000 Parīzes meridiana garuma.

Otrs svarīgākais fizikālais lielums ir masa, kas raksturo vielas daudzumu kādā fizikālā ķermenī. Par masas vienību pieņēma 1 dm<sup>3</sup> tīra ūdens masu pie 4°C un pagatavoja no platīna-iridija

kausējuma cilindri ar tikpat lielu masu (kilogramma prototips, kilogramme des archives). Tūkstošo daļu no šīs vienības nosauca par gramu. Vēlākie mērījumi, tāpat kā pie metra, rādīja, ka kilogramma prototipa masa nav pilnīgi vienāda ar  $1 \text{ dm}^3$  ūdens masu (atšķirība apm. 0,4 gr.), bet tomēr par vienību paturēja prototipa masu.

Trešais fizikālais pamatlielums ir laiks. Tā mērīšanai lieto vidējo saules dienu, jo laika sprīdis starp divām saules kulminācijām (pusdienas stāvokļiem) dažādos gada laikos nav vienāds.  $1:(24 \times 60 \times 60)$  daļa no vidējās dienas ir sekunde, laika vienība.

Ar šīm trim pamatlielumu vienībām var izteikt visus pārējos fizikālos lielumus. c g s (centimetrs, grams, sekunde) mēru sistēma.

Fizikā apskatāmās parādības var iedalīt vairākās nodaļās, starp kurām tomēr noteiktu robežu nevar vilkt. Vēsturiski iegājis šāds sadalījums.

1. Mechanika - mācība par fizikālo ķermeņu kustībām un īpašībām. Šo nodaļu vēl sadala:
  - a. Kinematikā - mācība par kustību veidiem, nerunājot par to cēloņiem.
  - b. Dinamikā - mācība par spēkiem kā kustību cēloņiem.
  - c. Statikā - mācība par fizikālu ķermeņu līdzsvara noteikumiem.
2. Siltums
3. Akustika
4. Optika
5. Elektriība un magnetisms.

## I M e c h a n i k a .

=====

### 1. KINEMATIKA.

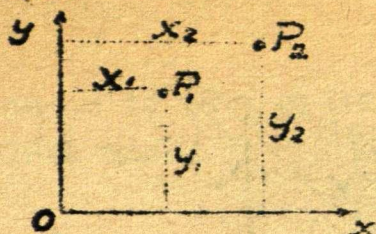
Par kustību saucam fizikālu ķermeņa stāvokļa maiņu attiecībā pret kādu citu ķermeni. Kustības ir visbiežāk sastopamās fizikālās parādības un ir pamats domāt, ka visas pārējās fizikālās parādības galu galā var novest uz kustībām, kā to vēlāk arī arvien redzēsim.

Kustību aprakstam, kustošā ķermeņa stāvokļa maiņas noteikšanai lieto tā sauc. koordinātu sistēmas, ar to ķermeni pret kuru kustību attiecina, nekustīgi saistītas iedomātas taisnes vai plāksnes. Tās ir koordinātu asis vai plāksnes. Izmērot kustošā

ķermeņa attālumus no šīm līnijām vai plāksnēm, nosakams katrā brīdī ķermeņa stāvoklis.

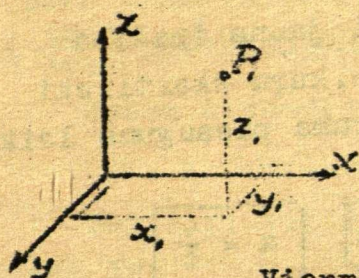
Visbiežāk lieto taisnleņķa jeb ortogonālās koordinātas, kur koordinātu līnijas un plāksnes savstarpēji perpendikulāras.

Kustībai pa plāksni pietiek ar divām koordinātu līnijām - asīm.



$P_1, P_2$  kustošā punkta stāvokļi  
 $x_1, y_1$  punkta koordinātes stāvoklī  $P_1$   
 $x_2, y_2$  punkta koordinātes stāvoklī  $P_2$

Vispārīgi kustības raksturošanai vajadzīgas trīs koordinātes - telpiska koordinātu sistēma.



Šīs koordinātes izsaka kustošā punkta attālumu līdz trim savstarpēji perpendikulārām koordinātu plāksnēm.

Vienmērīga taisnlīnijas kustība.

Vienādos laika sprīžos ķermenis noiet vienādus ceļa gabalus. Kustību raksturo kustošā ķermeņa jauna īpašība - ātrums. Ātrumu var skaitliski raksturot kā laika vienībā noieto ceļa gabalu.

$$v = \frac{s}{t} \quad \text{jeb} \quad s = v \cdot t$$

Ātrums - atvasināts lielums  $v = \frac{s}{t} \cdot \left[ \frac{\text{cm}}{\text{sec}} \right]$

Izteiksme [ ], kas rāda kā atvasinātā vienība atvasināta no pamatvienībām, tiek saukta par dimensiju.

Nevienmērīga kustība.

Kustība, kurā ātrums mainas. Ja ātrums mainas vienmērīgi, pieaug vai samazinās - vienmērīgi paātrināta vai vienmērīgi palēlināta kustība.

Pie nevienmērīgas kustības var runāt par vidējo un acumirklīgo ātrumu

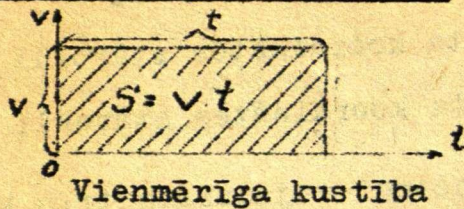
$$\frac{s_1}{t_1} \quad \frac{s_2}{t_2} \quad \rightarrow \quad s \quad v_{\text{vid}} = \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1}$$

Acumirklīgo ātrumu dabon, sadalot noieto ceļa gabalu arvien mazākās daļiņās. Pie ļoti maza (bezglā maza) noietā

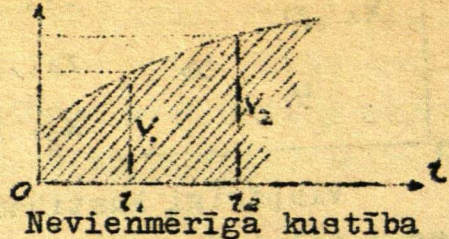
ceļa gabala  $\Delta S$ , kas tiek noiets arī ļoti mazā (bezgala mazā) laika sprīdī  $t$ , dabonam ātrumu dotā vieta un laika mirklī.

$$v = \frac{\Delta S}{\Delta t} = \frac{ds}{dt}.$$

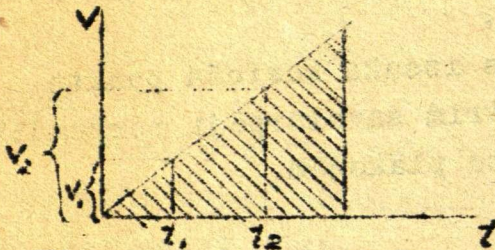
Kustību grafisks attēls



Vienmērīga kustība



Nevienmērīga kustība



Vienmērīgi paātrināta kustība

Šai kustībai jauna īpašība paātrinājums, kuru skaitliski raksturo ātruma pieaugums laika vienībā.

$$v = a \cdot t$$

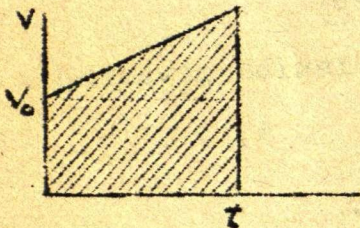
$$a = \frac{v}{t}$$

Paātrinājuma dimensija

$$a = \frac{v}{t} \left[ \frac{\text{cm}}{\text{sec}} : \text{sec} \right] = \frac{v}{t} \left[ \frac{\text{cm}}{\text{sec}^2} \right]$$

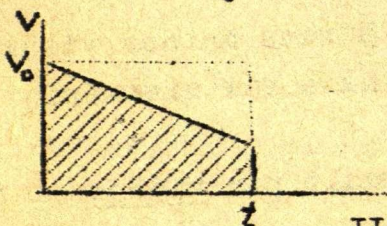
Vienmērīgi paātrinātā kustībā noietais ceļš, ja laika skaitīšanas sākumā ķermenis atradies mierā:

$$s = \frac{1}{2} v \cdot t = \frac{1}{2} a t^2$$



Ja paātrinājumam sākoties, ķermenis jau kustējies ar ātrumu  $v_0$

$$s = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$



Ja paātrinājums negatīvs (palēninājums)

$$s = v_0 t - \frac{1}{2} a t^2$$

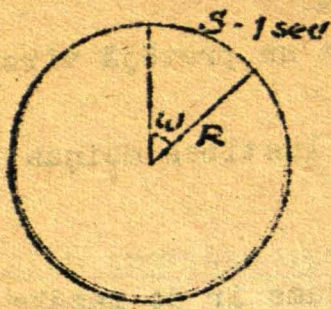
II D i n a m i k a .

NUTONA LIKUMI.

1. Katrs ķermenis cenšas pieņemt savu miera stāvokli vai vienmērīgu kustību pa taisnu līniju, ja uz to neiedarbojas ārēji spēki. Inerces likums.



Vienmērīga kustība pa riņķi.



$$\text{Ātrums } v = \frac{s}{t} = \frac{2\pi R}{T}$$

Lineārais ātrums.

T - riņķošanas periods

Leņķa ātrums, leņķis pa kuru radiuss pagriežas vienā laika vienībā

$$\omega = \frac{360^\circ}{T}$$

Mērot leņķi radianos (loka garumos pie radiusa R = 1)

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

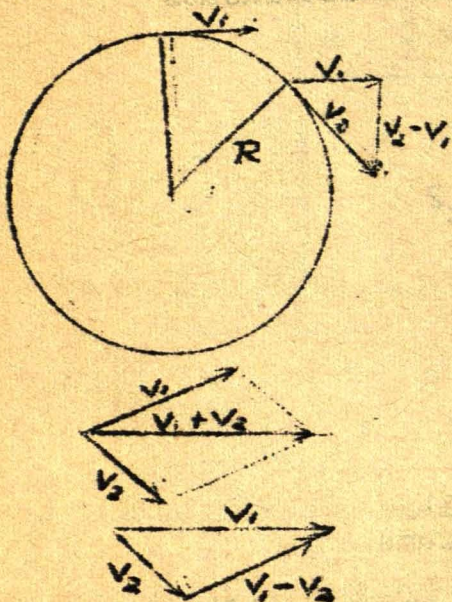
$$v = \omega \cdot R$$

$\frac{1}{T} = n$  ir apgriezien skaits sekundē - frekvence

$$v = 2\pi R \cdot n$$

$$\omega = 2\pi n$$

Riņķojošā punkta inerces pārvarēšanai, kuŗas dēļ punkts ietu pa riņķa tangenti taisnā līnijā, ir vajadzīgs spēks, kas pastāvīgi maina punkta kustības virzienu, noturot to uz riņķa līnijas. Šis spēks darbojas no kustības centra uz riņķojošo punktu. To sauc par centripetālo jeb centrtieces spēku. Šī reālā spēka iespaidā punkts iegūst paātrinājumu, kas gan neizpaužas ātruma lieluma, bet tikai virziena maiņā.



Ātrumi ir vektorieli lielumi, kas raksturoti ar skaitlisku lielumu un virzienu, atšķirībā no skalariem, kam ir tikai skaitliska nozīme. Vektoru salikšanu un atņemšanu izdara ar vektoru paralelograma papēmieni

$$\frac{R}{vt} = \frac{v}{\Delta v} = \frac{v}{a \cdot t}$$

$$a = \frac{v^2}{R} = \omega^2 R.$$

Centripetālais paātrinājums.

$$F = m \cdot a = \frac{m v^2}{R} = m \omega^2 R$$

Centripetālais spēks.

Centripetālais spēks pārvar inerces pretestību centrifugālo spēku un riņķošana pa nemainīga radiusa riņķi notiks, ja šie abi spēki vienādi.

$$F_{\text{centrifug.}} = -m \frac{v^2}{R} = -m \omega^2 R.$$

Centrifugālā spēka piemēri.

1. Centrifugālās mašīnas - separatori.
2. Zemes lodes saplakums.
3. Slidēšana braucot pa riņķi.

Ņutona gravitācijas likums un planētu kustība.

Ņutons izejot no novērojumiem secinājis, ka jebkuras masas savstarpēji pievelkas ar spēku, kas proporcionāls masām un pretēji proporcionāls attāluma kvadrātam.

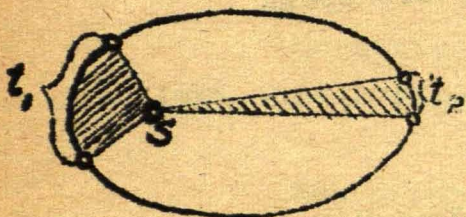
$$F = k \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

k - gravitācijas konstante -  $6,7 \cdot 10^{-8}$ , ja m mēra gramos, r - centimetros un F - dinēs.

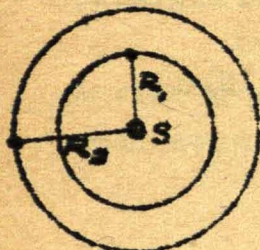
Šis gravitācijas spēks reprezentē planētu kustībās centripetālo spēku un tādā kārtā var izskaidrot planētu kustību likumības.

Planētu kustību likumības pirms Ņutona jau bija izteicis Keplers savos trīs likumos.

1. Planētas kustas ap sauli pa elipsiem, kuŗu degpunktā atrodas saule.
2. Vienādos laika sprīžos radiusi vektori no saules uz planētu apraksta vienādus laukumus.
3. Divu planētu periodu (apgriešanās laiks ap sauli) kvadrāti attiecas tāpat kā šo planētu atstatumu kubi.



$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{R_1^3}{R_2^3}$$



Šī sakarība seko no gravitācijas likuma, jo ja gravitācijas spēks ir planētu kustības centripetālais spēks, tad pirmajai planētai

$$m_1 w_1^2 R_1 = k \frac{m_0 m_1}{R_1^2} \quad \therefore m_0 - \text{saules masa}$$

un otrai

$$m_2 w_2^2 R_2 = k \frac{m_0 m_2}{R_2^2}$$

$$\frac{m_1^4}{T_1^2} R_1^2 = k \frac{m_0 m_1^3}{R_1^2}$$

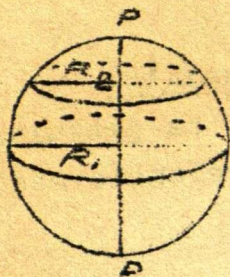
$$\frac{m_2^4}{T_2^2} R_2^2 = k \frac{m_0 m_2^3}{R_2^2}$$

un

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{R_1^3}{R_2^3}$$



Zemes griešanās radītais centrifugālais spēks izsauc zemes pievilkšanas spēka paātrinājuma maiņu uz zemes lodes, atkarībā no geografiskā platuma, jo vislielākais attālums ķermeņiem no zemes griešanās ass ir uz ekvatora, uz poliem tas ir nulle.



Tā kā centrifugālais spēks darbojas pretim gravitācijas spēkam, tad uz ekvatora  $g$  bus vismazākais, uz pola vislielākais. Te klāt vēl nāk tas, ka zeme nav pareiza lode, bet saspiesta no poliem, tādēļ arī atstatums līdz zemes centram, kas nosaka gravitācijas spēku, uz ekvatora būs lielāks ( $g$  - mazāks) un uz poliem otrādi.

gravitācijas spēku, uz ekvatora būs lielāks ( $g$  - mazāks) un uz poliem otrādi.

### DARBS un ENERĢIJA.

Iedarbojoties uz pilnīgi brīvu ķermeni ar zināmu spēku, ķermenis iegūs paātrinājumu kustēties ar paātrinātu kustību. Ja pieliktam spēkam darbojas pretim vēl cits spēks, piem. berze, tad ķermenis nekustēsies, ja pieliktais spēks ir mazāks, vai kustēsies vienmērīgi, ja pieliktais spēks ir vienāds ar pretspēku. Ja pretspēks ir mazāks par pielikto spēku, kustība būs gan paātrināta, bet ar mazāku paātrinājumu.

Spēka darbību var raksturot ar ķermeņa kustībai vajadzīgo spēku un ķermeņa noieto ceļa gabalu uz kuŗa pieliktais spēks pārvar pretestību (berzi vai citu pretspēku).

Spēka padarītais darbs

$$D = F \cdot s$$

Darbu, ko padara vienu dieni liels spēks, pārvietojot ķermeni par 1 cm, pieņem par darba vienību - ergu.

Praktiskām vajadzībām ergs par mazu, tad lieto lielāku vienību - džaulu.

$$1 \text{ džauls} = 10^7 \text{ ergu.}$$

Darba dimensija

$$D = F \cdot s \frac{\text{g} \cdot \text{cm}}{\text{sec}^2} \cdot \text{cm} = F s \frac{\text{g} \cdot \text{cm}^2}{\text{sec}^2}$$

Pārvarot zemes pievilkšanas spēku, kādu ķermeni ar svaru  $P$  paceļot mēs daram darbu

$$D = P \cdot s$$

Technikā un ikdienas dzīvē svaru izsaka arī gramos un kilogramos un nevis dinēs. Tad darbu var raksturot arī citās, tehniskās vienībās tā sauc. kilogrammetros. Kgm ir darbs, kas jāpadara, lai

1 kgm svaru paceltu 1 m.

$$1 \text{ kgm} = 1000.981.100 = 9,81.10^7 \text{ ergu}$$

$$= 9,81 \text{ džauli.}$$

Kustošam ķermenim, kuŗa kustības radīšanai patērēts zināms darbs, piemīt darba spēja, viņš var darīt darbu iekustinot kādu citu ķermeni. Šo kustoša ķermeņa spēju darīt darbu sauc par enerģiju.

Ķermeņa paātrināšanai padarītais darbs būs

$$D = F.S = F.\frac{1}{2} at^2 = ma.\frac{1}{2} at^2$$

$$D = \frac{1}{2} m.(at)^2 = \frac{1}{2} m. v^2$$

Šis pie ķermeņa pastrādātais darbs būs arī viņa enerģija.

Kustoša ķermeņa enerģiju sauc par kinētisko enerģiju, jeb kustības enerģiju

$$K = \frac{1}{2} m v^2$$

Spēja darīt darbu zināmos gadījumos piemīt arī nekustīgiem ķermeņiem. Piem. savilkta atspere, pacelts smagums. Šādu enerģiju sauc par potenciālo jeb stāvokļa enerģiju.

Zemes pievilksanas spēku pārvarot un ķermeni ar masu  $m$  paceļot augstumā  $h$ , tā potenciālā enerģija būs

$$P = m.g.h. \text{ ergu}$$

Ķermenim krītot potenciālā enerģija pārvērtīsies kinētiskā, bet arvien

$$K + P = \text{const.}$$

Bez mehāniskās enerģijas ir daudzi citi enerģijas veidi, piem. siltuma, ķīmiskā, elektriskā enerģija.

Arī šie enerģijas veidi var pārvērsties viens otrā, bet arvien noslēgtā sistēmā, kuŗai enerģiju nepievada klāt un nenovada nost, visu enerģijas veidu kopsumma ir nemainīgs lielums

$$E_1 + E_2 + \dots = \text{const.}$$

Enerģijas nezūdamības likums.

Spēka darbības raksturošanai bieži jāzin cik lielu darbu spēks var padarīt zināmā laikā, jāzin darba darītāja jauda. Jaudu skaitliski izsaka ar laika vienībā padarīto darbu

$$W = \frac{D}{t}$$

Praktiskā jaudas vienība ir vats (Watt). Tā ir darba darītāja jauda, kas 1 sekundē izdara 1 džaulu darbu.

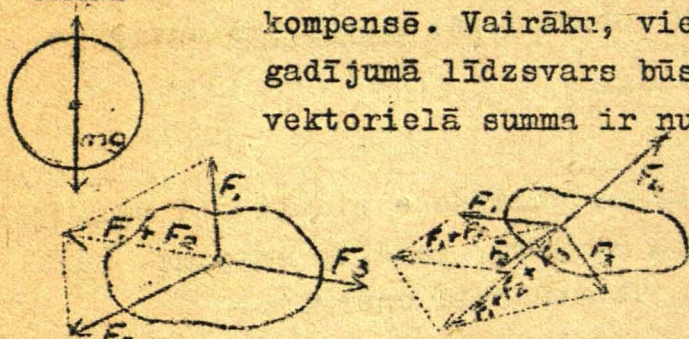
$$1 \text{ W} = \frac{1 \text{ džauls}}{1 \text{ sec.}}$$

Technikā kā jaudas vienību bieži lieto zirga spēju ./HP, PS./.

$$1 \text{ HP} = 736 \text{ W} = 75 \frac{\text{kgm}}{\text{sec.}}$$

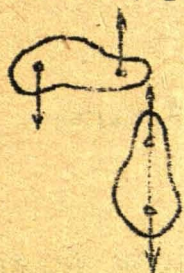
### III Statika.

Vairākiem spēkiem uz ķermeni iedarbojoties tas zināmos gadījumos var arī nekustēties. Tas būs tad, ja šie spēki viens otru līdzsvaro. Piem. uz diegā iekārtu lodi darbojas zemes pievilksanas spēks  $mg$ . Diegu izstiepjot šis spēks rada diega deformācijas spēku, kas vērsts uz augšu un pirmo spēku līdzsvaro - kompensē. Vairāku, vienā punktā pieliktu spēku gadījumā līdzsvars būs tad, ja pieliktie spēku vektorielā summa ir nulle.



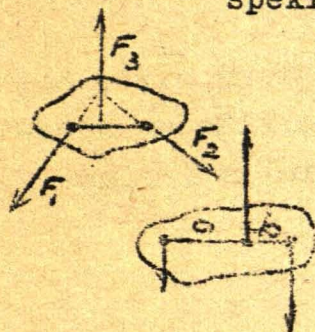
$$\sum F = 0$$

Ja ķermenim pielikti divi vienādi pretēja virziena spēki dažādos punktos (spēku pāris), ķermenis pagriezīsies līdz abi spēki būs uz vienas līnijas un tad iestāsies līdzsvars.



Ja ķermenim pielikti divi spēki dažādos punktos, tas var līdzsvarot ar trešo spēku.

Visbiežāk sastopams gadījums, kad abi pieliktie spēki ir paraleli



$$\text{Tad } F_1 + F_2 = F_3$$

$$\text{un } F_1 a = F_2 b$$

a un b - spēku pleci.

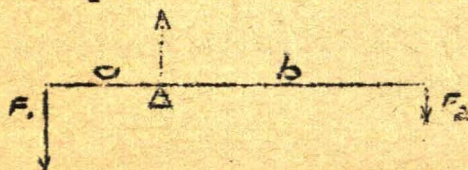
$F_1 a$  - spēka  $F_1$  moments  $M_1$

$F_2 b$  - spēka  $F_2$  moments  $M_2$

Šinī gadījumā līdzsvara noteikumi ir

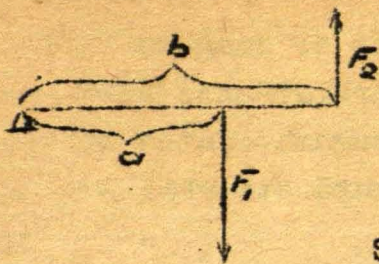
$$\begin{cases} \sum F = 0 \\ \sum M = 0 \end{cases}$$

Uz šiem līdzsvara noteikumiem pamatojas sviras, ar kuŗu palīdzību lielāku spēku var līdzsvarot ar mazāku.



I šķiras svira

$$F_1 a = F_2 b$$

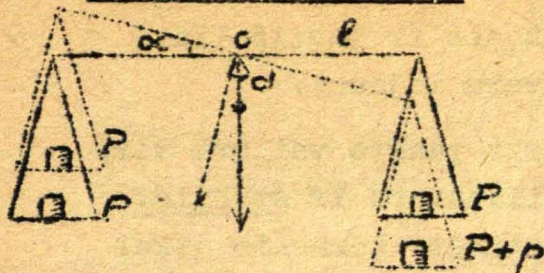


$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{b}{a}$$

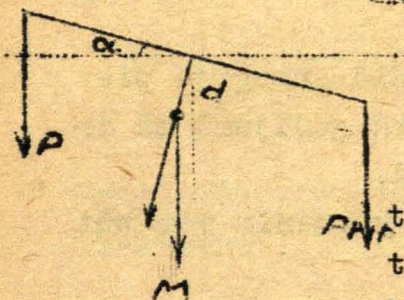
II šķiras svira.

Sviru piemēri. Sviras cilvēka organismā.

Analītiskie sviri.



- l - sviras garums līdz atbalsta punktam 0
- M - svaru sistēmas svars
- d - smaguma centra attālums līdz atbalsta punktam
- P - sveramais svars
- p - pārsvars
- $\alpha$  - kārts pagrieziens leņķis pie pārsvara.



Svaru jūtību raksturo svaru kārts vai rādītāja pagrieziens pie pielikta pārsvara. Parasti to definē kā pagriezienu uz vienu pārsvara vienību (miligramu).

Momenti kreisā pusē

Labā pusē

$$P l \cos \alpha + M d \sin \alpha = (P + p) l \cos \alpha$$

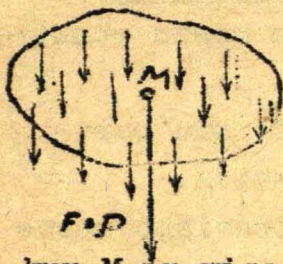
$$M d \sin \alpha = p l \cos \alpha$$

$$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha \cdot p} = \frac{l}{M d} = \frac{\operatorname{tg} \alpha}{p}$$

Pie maziem leņķiem  $\operatorname{tg} \alpha = \alpha$

$$\frac{\alpha}{p} = \frac{l}{M d}$$

Svaru jūtība proporcionāla kārts garumam un pretēji proporcionāla svaru sistēmas svaram un smaguma centra attālumam līdz 0. Ķermeņu līdzsvars zemes pievilkšanas spēka iespaidā.



Uz katru ķermeņa masas punktu darbojas zemes pievilkšanas spēks  $f = mg$ , ja  $m$  ir punktu masa. Visus šos paralelos spēkus var aizvietot ar vienu rezultējošo spēku

$$F = \sum m \cdot g = g \sum m = g \cdot M = P,$$

kur  $M$  ir visa ķermeņa masa. Šis rezultējošais spēks būs ķermeņa svars un tas būs pielikts noteiktā ķermeņa punktā - ķermeņa smaguma centrā.

Atbalstīts smags ķermenis var būt dažādos līdzsvara stāvokļos, atkarībā no smaguma centra stāvokļa.



I Ja atbalsta punkts A sakrīt ar smaguma centru M vai ja tas pie pārbīdīšanas nemaina savu atstatumu no smaguma centra M, ķermenis ir līdzsvarā jebkurā stāvoklī - indiferents līdzsvars.



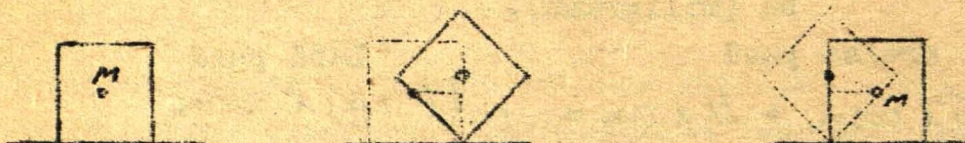
II Ja smaguma centrs atrodas virs atbalsta punkta un ieņem pie tam visaugstāko iespējamo stāvokli, ķermenis ir labilā līdzsvarā, mazākais izvirziens var šo līdzsvaru izjaukt.

III Ja smaguma centrs atrodas zem atbalsta punkta vai arī virs tā, bet viszemākā iespējamā stāvoklī - līdzsvars ir stabilis.

Šinī gadījumā no līdzsvara izkustināts ķermenis atkal pats no sevis atgriežas agrākā stāvoklī.

Indiferentā līdzsvara gadījumā potenciālā enerģija pie ķermeņa pārbīdīšanas nemainas, stabilā līdzsvara gadījumā tā ir vismazākā, labila līdzsvara gadījumā vislielākā.

Atkarībā no formas (atbalsta plāksnes) ķermenim var būt arī vairāki stabili stāvokļi.



Jo lielāka atbalsta plāksne un jo zemāks ir smaguma centrs, jo ķermeņa līdzsvars ir stabilāks.



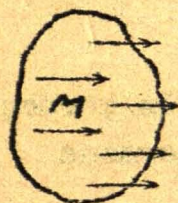
Ja perpendikulārs no smaguma centra M iet ārpus atbalsta plāksnes līdzsvars nav stabils, ķermenis krīt un ieņem jaunu, stabilāku stāvokli.

### R o t ā c i j a s k u s t ī b a .

Fizikālam ķermenim, kas sastāv no daudziem masas punktiem, iespējamās kustības var būt divējādas.

1. Visi ķermeņa punkti kustas ar vienādu ātrumu paralēlos virzienos. Tā ir translācijas kustība.

Kustības kinētiskā enerģija būs atsevišķo masas punktu enerģija summa

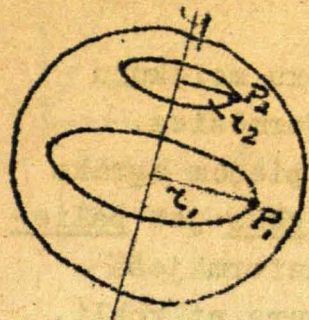


$$K = \sum \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} M v^2$$

2. Ķermenim kustoties daži punkti stāv mierā, bet pārējie kustas pa riņķa līnijām ap līniju, kas savieno nekustošos punktus. Tā būs rotācijas kustība.

Līnija, kas iet caur nekustošiem punktiem ir rotācijas jeb griešanās ass. Pie šīs kustības katram punktam, kas atrodas citā

atstatumā no griešanās ass, būs savs ātrums. Ja visi punkti saistīti savā starpā, leņķa ātrums visiem būs vienāds.



$$w = \frac{2\pi}{T} \quad v = wr$$

Katra punkta enerģija būs

$$k_1 = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 = \frac{1}{2} m_1 w^2 r_1^2$$

$$k_2 = \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} m_2 w^2 r_2^2$$

Visa rotējošā ķermeņa enerģija būs

$$K = \frac{1}{2} w^2 \sum m r^2$$

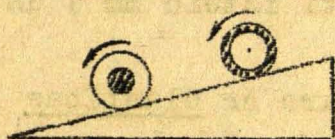
Summu  $\sum m r^2$  sauc par rotējoša ķermeņa inerces momentu - I.

$$K = \frac{1}{2} I w^2$$

Salīdzinot ar kinētiskas enerģijas izteiksmi translācijas kustībai

$$K = \frac{1}{2} M v^2$$

Redzams, ka pie rotācijas nekrīt svarā pati ķermeņa masa, bet gan masas sadalījums ap rotācijas asi. Jo masa tālāk no rotācijas centra, jo inerces moments un līdz ar to enerģija lielāka.

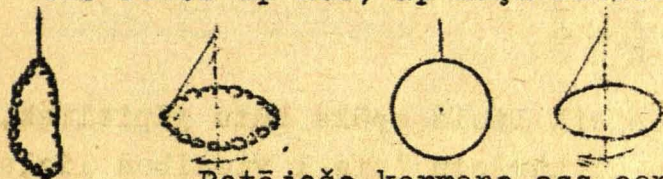


Ļaujot ripot diviem vienādi smagiem cilindriem, kuram vienam masa sadalīta ap ārējo perifēriju (liels inerces moments), bet otram ap centru (mazs inerces moments), pirmais ripos lēnāki, otrais ātrāki.

centru (mazs inerces moments), pirmais ripos lēnāki, otrais ātrāki.

Mēģinājumi ar griezošu platformu.

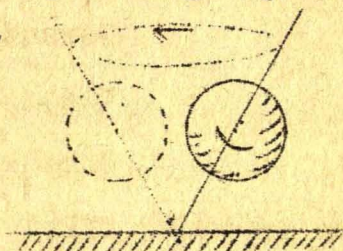
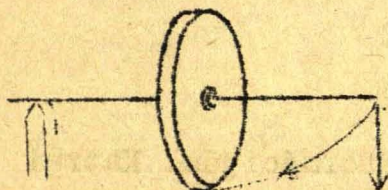
Ja rotējošais ķermenis var izvēlēties rotācijas asi, tas rotēs ap asi, ap kuru inerces moments ir vislielākais.



Rotācijas brīvā ass - ass, ap kuru inerces moments vislielākais.

Rotējoša ķermeņa ass cenšas pieņemt savu virzienu un izrāda pretestību piespiestai virziena maiņai.

Ja uz rotācijas asi darbojas pastāvīgs spēks, rodas precesija, rotācijas ass griešanās.



Rotācijas ass pretestību virziena maiņai izlieto vilcina kompasos - žirokompasos.

Cietu vielu elastiskās īpašības.

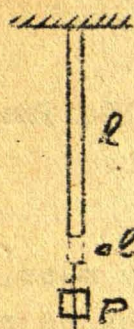
Cietos ķermeņos molekulu savstarpējie spēki ir lieli un tur molekulas noteiktos līdzsvara stāvokļos.

Iedarbojoties uz cietu ķermeņi ar ārēju spēku molekulu līdzsvara stāvoklis var tikt mainīts - ķermenis deformēsies.

Deformācijas var būt elastiskas - ķermenis pieņem agrāko formu deformējošam spēkam izbeidzoties, un neelastiskas jeb paliekošas, ķermenis paliek deformētā stāvoklī arī pēc deformējošā spēka izbeigšanās, molekulas ieņēmušas jaunu līdzsvara stāvokli.

Ar pietiekoši lielu spēku var deformēt katru ķermeni, absolūti nedeformējamu ķermeņu nav.

Stiepes deformācija.



Stiepes pagarinājums (deformācija) proporcionāla pieliktam spēkam

Hooka likums.

$$\Delta l = k \frac{P \cdot l}{S}$$

k - stiepes koeficients

s - deformējamā ķermeņa šķērsriezuma laukums

Stiepes koeficients rāda par kādu daļu no sava garuma dotā viela pagarinās, ja tās šķērsriezums ir 1 vienība (parasti izteic mm<sup>2</sup>) un pieliktais spēks arī viena vienība (kg).

Biežāki vielu stiepes deformāciju raksturo ar elastības jeb Janga (Young) moduli.

$$\frac{\Delta l}{l} \cdot \frac{1}{k} = \frac{P}{S}$$

Ja  $\frac{\Delta l}{l} = 1$ , tas ir  $\Delta l = l$  - pagarinājums vienāds ar sākuma garumu

$$\frac{1}{k} = \frac{P}{S}$$

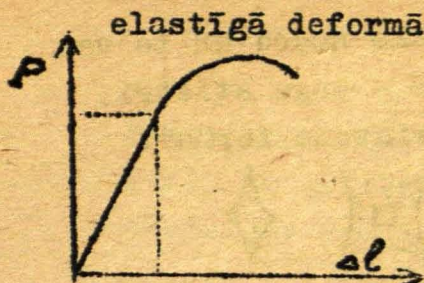
$\frac{1}{k} = C$  - elastības modulis, rāda cik liels spēks būtu jāpieliek, lai stiepjot ķermeni, tā garumu divkāršotu (pie 1 vienības liela šķērsriezuma laukuma). Praktiski tik lielu spēku nevar pielikt, ķermenis pārtrūks (izņēmums piem. gūmija).

$$\text{Tēraudam } C = 20000 \frac{\text{kg}}{\text{mm}^2}$$

$$\text{Varam } C \dots = 10000 \frac{\text{kg}}{\text{mm}^2}$$

$$\text{Gumijai } C = 0,1 \frac{\text{kg}}{\text{mm}^2}$$

Huka likums ir vietā tikai pie elastīgām deformācijām. Katrai vielai pie zināmas slodzes P, ko sauc par elastības robežu,



elastīgā deformācija kļūst par neelastīgu. Dažas vielas vēl aiz elastības robežas var stipri izstiept (mīksta dzelzs, svins un ļoti daudzas citas vielas), citas turpretīm pēc elastības robežas pārsniegšanas ātri pārtrūkst (tērauds, stikls).

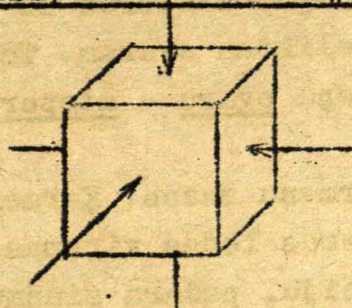
Katrai vielai ir arī noteikta izturības robeža - slodze, pie kuras viela sadalās, pārtrūkst.

Tērauds.....	- 100 kg/mm <sup>2</sup>
Varšs.....	- 40 kg/mm <sup>2</sup>
Gumija.....	- 1 kg/mm <sup>2</sup>

Pie stiepes deformācijās mainas arī šķērsgriezums - tas samazinās, izņemot nedaudzas vielas, piem. korķis, kurām šķērsgriezums paliek nemainīgs.

Izotropām vielām elastības modulis visos virzienos vienāds, kristaliskām var būt arī dažādos virzienos dažādi elastības moduli. Tāpat arī nevienādi sadalītām vielām - kokam, organiskiem audiem, kauliem.

Tilpuma deformācija.



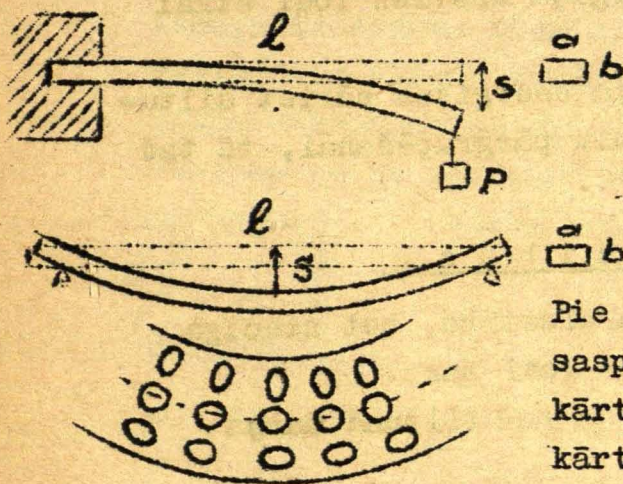
Saspiežot ķermeni vienmērīgi no visām pusēm, tā tilpums samazināsies. Elastības robežās arī te būs vietā Huka likums.

$$\Delta v = K \frac{P \cdot v}{s}$$

$$\frac{\Delta v}{v} \cdot C = \frac{P}{s}$$

$\Delta v$  - tilpuma maiņa,  $v$  - sākuma tilpums,  $P$  - deformējošais spēks,  $s$  - ķermeņa virsmas laukums,  $K$  - saspiežamības koeficients,  $C$  - tilpuma elastības modulis.

Lieces deformācija.



$$s = K \frac{P l^3}{a b^3}$$

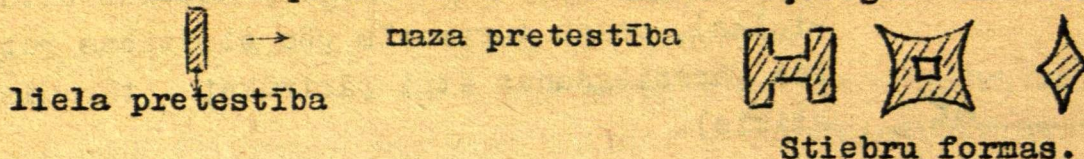
$$s = K \frac{P l^3}{16 a b^3}$$

Pie lieces vienas malas daļiņas tiek saspīestas, otras malas izstieptas, vidū ir kārtā, kas savu garumu nemaina (neitrālā kārtā).

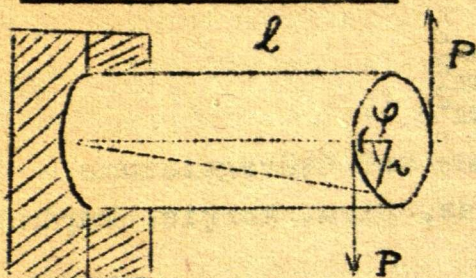


Tādēļ šī kārtā izturībai pret lieci neko nedod un to var materiāla ietaupījuma dēļ atnest. Piemēri dabā - augu stiebri.

Lieces pretestības atkarībā no šķērsriezuma formas.



Vērpes deformācija.



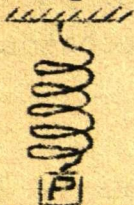
Vienā galā iestiprināts stienis sa-  
vērpjas, ja tā brīvā gala diametra  
galos iedarbojas ar spēka pāri PP.  
Savērpšanos var raksturot ar brīvā  
gala šķērsriezuma radiusa pagriezie-  
na lenķi vai arī lenķi  $\alpha$ , par kuru

pagriežās stieņa veidojošā.

$$= \frac{M \cdot l}{\sigma \cdot r^4}$$

M - spēka pāra moments,  $\sigma$  - vērpes moduls.

Īpatnējs vērpes piemērs ir spirālveidīgās atsperes iz-  
stiepšanās. Izstiepšanās ir proporcionāla pieliktam svaram. Tādā  
kārtā ar izstiepšanos var mērīt ķermeņa svaru - atsperu  
svari.

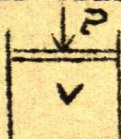


Ar kārts svariem salīdzina ķermeņu masas. Ķermeņu  
svars mainas atkarībā no vietas uz zemes lodes virsmas.  
Ķermeņi deformējošais spēks, izdarot deformāciju, padara zināmu  
darbu, kas tiek uzkrāts ķermenī kā deformācijas enerģija. Ja de-  
formācija ir elastiska, šī enerģija var atkal deformācijai iz-  
beidzoties, darīt darbu. Piem., uzvilкта atsperē, izstiepta gu-  
mija. Elastiskai lodei krītot, atsišanās brīdī kinētiskā enerģija  
pāriet deformācijas enerģijā, lodīte saspiežas, bet tad lodītei  
pieņemot agrāko formu, deformācijas enerģija uzsviež lodi atkal  
uz augšu.

Pie neelastīgas deformācijas daļa enerģijas pāriet siltu-  
mā un daļa tiek izlietota ķermeņa molekulu pārgrupēšanai, tā tad  
paliek pašā ķermenī.

Šķidrumu īpašības.

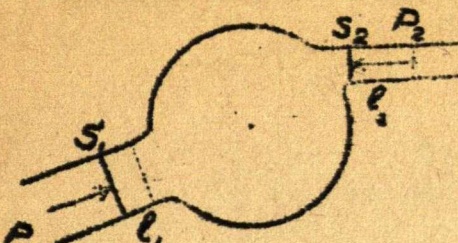
Šķidrumiem ir ievērojama tilpuma elastība, bet niecīga  
formas elastība. Šķidrumu saspiežamība ir ļoti maza.



v - sākuma tilpums  $\Delta v$  - tilpuma maiņa  
 $\Delta v = k \cdot P \cdot v$   
k - saspiežamības koeficients

$$\begin{aligned} \text{Ūdenim } k &= 40 \cdot 10^{-10} \\ \text{Eterim } k &= 110 \cdot 10^{-10} \end{aligned}$$

P a s k a l a likums. Spiediens šķidrumā izplatās uz visām pusēm un ir vērsts perpendikulāri trauka sienām. Šis likums ir enerģijas neiznīcības likuma sekas.



$S_1$  un  $S_2$  - virzuļu šķērsgrīezumu laukumi.  
 $l_1$  un  $l_2$  - virzuļu noietie ceļa gabali.

Šķidrumu nesaspīezamības dēļ

$$S_1 l_1 = S_2 l_2$$

Pie virzuļa I pastrādātais darbs vienāds ar pie II iegūto

$$P_1 l_1 = P_2 l_2$$

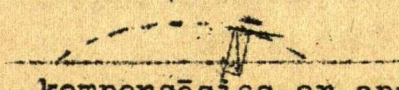
$P_1 = p_1 s_1$  un  $P_2 = p_2 s_2$ , ja  $p_1$  un  $p_2$  ir spiediens uz 1 šķērsgrīezuma vienību

$$p_1 s_1 l_1 = p_2 s_2 l_2$$

$$p_1 = p_2$$

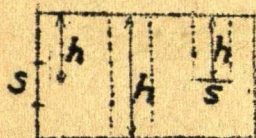
Spiedieni uz šķērsgrīezuma vienību visās vietās uz trauka sienām ir vienādi.

Šķidrums līmenis traukā ieņem arvien horizontālu stāvokli (neņemot vērā pašas trauka malas, par ko būs runa vēlāk). Ja tas tā nebūtu, šķidrums molekulas nevarētu būt līdzsvarā, jo uz molekulu darbojošos zemes pievilkšanas spēku tad varētu sadalīt divās komponentēs, perpendikulāri virsmai un paraleli tai. Perpendikulārā komponente kompensēsies ar apakšējo molekulu pretspiedienu, paralelā varēs mazās šķidrums formas pretestības dēļ pārvietoties.



Hidrostatiskais spiediens.

Arī bez ārējā spiediena šķidrums pateicoties saviem svaram izdara uz trauka sienām, dibenu un tāpat uz katru šķidrums iegremdētu virsmu zināmu spiedienu. Šis hidrostatiskais spiediens atkarājas no šķidrums līmeņa augstuma virs attiecīgās virsmas un no šķidrums blīvums. Tas ir vienāds ar šķidrums staba svaru virs attiecīgās virsmas.

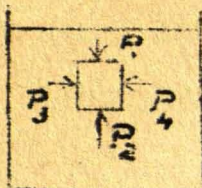


$$\begin{aligned} P &= s \cdot h \cdot d \cdot g && \text{dines} \\ P &= s \cdot h \cdot d && \text{gramos} \end{aligned}$$

s - šķērsgrīezums laukums, h - šķidrums staba augstums, d - šķidrums blīvums, g - zemes pievilkšanas spēka paātrinājums.

Hidrostatiskā spiediena dēļ nav iespējams bez speciālām ierīcēm nolaisties dziļāk kā apm. 50 m zem ūdens līmeņa, jo šādā dziļumā spiediens uz katru  $\text{cm}^2$  ir jau 5 kg.

Archimeda likums. Ķermenis zaudē no sava svara šķidrumā tik, cik sver izspiestais šķidrums tilpums.



$$P_3 = P_4$$

$$P_2 = s h_2 d \qquad P_1 = s h_1 d$$

$$P_2 - P_1 = s (h_2 - h_1) d$$

$P_2 - P_1$  - ķermeņa svara zudums

$s(h_2 - h_1) d = v \cdot d =$  ķermeņa tilpums.  $\cdot$  šķidrums blīvums = šķidrums svars ķermeņa tilpumā.

Peldoša ķermeņa stabilitāte.

Svars P, kas darbojas uz ķermeņa smaguma centru m, vienāds ar Archimeda spēku A, kas darbojas uz izspiestā šķidrums smaguma centru  $m_1$ .

Peldošam ķermenim, izkustoties no līdzsvara stāvokļa (kad abi smaguma centri ir uz vienas vertikālas līnijas), ķermeņa smaguma centrs nemainīsies, bet izspiestā šķidrums smaguma centrs pārvietosies, jo izspiestam šķidrums būs cita forma. Ķermeņa stabilitāti no līdzsvara izvestā stāvoklī noāka Archimeda spēka virziena krustpunkts ar ķermeņa simetrijas līniju AB.

Ja šis krustpunkts M - tā sauc. metacentrs - atrodas virs smaguma centra m, ķermenis atgriežas agrākā stāvoklī, tas peld stabili. Ja metacentrs ir zem m, ķermenis sveras tālāk.

Vielu blīvums un īpatnējais svars un to noteikšana ar Archimeda likuma palīdzību.

$$\text{Blīvums } d = \frac{m}{v} \left[ \frac{g}{\text{cm}^3} \right] \qquad m - \text{masa} \\ v - \text{tilpums}$$

$$\text{Īpatnējais svars } s = \frac{p}{v} \left[ \frac{g \cdot \text{cm}}{\text{sec}^2 \cdot \text{cm}^3} \right] = \frac{p}{v} \left[ \frac{g}{\text{sec}^2 \cdot \text{cm}^2} \right] \\ p - \text{ķermeņa svars.}$$

1. Hidrostatiskās svēršanas metode.

$$S = \frac{P_1}{P_1 - P_2} \qquad P_1 - \text{ķermeņa svars gaisā} \\ P_2 - \text{ķermeņa svars ūdenī.}$$

$$S_{\text{šķidr.}} = \frac{p_1 - p_2}{p_1 - p_3}$$

$p_1$  - kāda ķermeņa svars gaisā  
 $p_2$  - tā paša " " šķīdumā  
 $p_3$  - " " " " ūdenī.

2. Westphala svari.

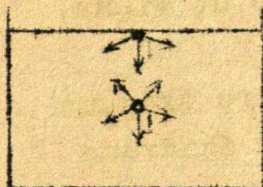


S = 1,254

3. Areometri.

Šķidrumu virsmas parādības.

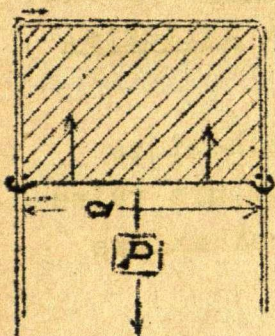
Uz molekulu darbojošies starpmolekulārie spēki būs vienmērīgi uz visām pusēm tikai tad, ja molekula atrodas vielas iekšienē. Uz virsmas molekulām darbojas tikai zem tām atrodošās molekulas, tās tiek vilktas uz iekšieni, rodas virsmas spiediens.



Virsmieas spiediena dēļ, šķidrums cenšas samazināties, tā ir saspraigtā stāvoklī. Ja uz šķidrums neiedarbojas citi spēki, šķidrums virsmai kā elastīgai plēvei uz to spiežot pieņem formu, kurai pie dotā tilpuma vismazākā virsma - proti lodes formu (Plato mēģinājums).

It sevišķi labi virsmas spraigums novērojams pie plānām šķidrums kārtiņām, kurām liela virsma.

Šķidrums kārtiņas virsmas spraiguma spēku, kas to cenšas samazināt var kompensēt ar piekārtu svaru P.



$P = 2 a \cdot \Sigma$

$\Sigma$  - virsmas spraiguma spēks uz 1 garuma vienību - virsmas spraiguma koeficients.

a - šķidrums kārtiņas garums, uz kuru darbojas virsmas spraigums.

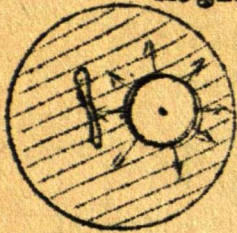
2 a jāņem tādēļ, ka kārtiņā virsmas spraigums darbojas uz abām kārtiņas pusēm

$$\Sigma = \frac{P}{2a}$$

Virsmas spraiguma dēļ šķidrums virskārta ir itkā plēvīte, kuras pārraušanai jāpielieto zināms spēks. Piemēri: kukaiņu staigāšana pa ūdens virsmu, adatas peldēšana uz ūdens virsmas u.t.t.

Ūdenim virsmas spraigums apm.3,5 reizes lielāks kā eterim, tādēļ uzlejot ūdens virskārtai nedaudz etera, spraigums samazināsies un piem. peldoša adata nogrims.

Mēginājumi virsmas spraiguma demonstrēšanai.



1. Diega cilpas vidū pārdurot ziepju plēvīti, apkārtējā ziepju kārtiņa ar savu virsmas spraigumu izvilks cilpu rinki.

2. Likopodiju uz ūdens uzberot tas vienmērīgi sadalīsies pa visu ūdens virsmu. Uzpilinot vienā punktā nedaudz etera, virsmas spraigums tanī vietā samazināsies, tīrā ūdens virsma vilks likopodija daļiņas uz savu pusi.

3. Kampara skaidiņām ūdenī šķīstot, vietās kur šķīšana visintensīvāka, virsmas spraigums kļūs vismazāks, skaidiņa tiks vilkta uz pretējo pusi, kur spraigums lielāks. Šķīšanas vietām mainoties, skaidiņa kustēsies pilnīgi nenoteikti, te uz vienu, te uz otru pusi.

Kohezijs un adhezijs. Molekulārie spēki starp šķīduma molekulām tiek saukti par kohezijs spēkiem, tie tur šķīduma daļiņas kopā. Traukā ielietā šķīdumā uz šķīduma molekulām, kas atrodas pie trauka sienām darbojas arī trauka sienu molekulu spēki - adhezijs spēki.

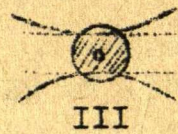
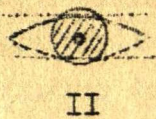
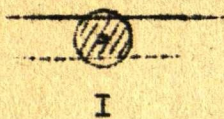


Pirmā gadījumā adhezijs spēks A lielāks par kohezijs spēku K, šķīduma līmenis nostājas pie trauka sienas perpendikulāri rezultējošam spēkam R - ieliekts līmenis.

Otrā gadījumā, adhezijs spēks A mazāks par K, līmenis izliekts.

Kapilaritātes parādības.

Tievās caurules šķīdums pie caurules sienām adhezijs dēļ vai nu pacelsies uz augšu vai noslīdēs uz leju, līmenis vairs nebūs taisns. Bet liekta līmeņa spiediens ir lielāks vai mazāks kā taisna līmeņa virsmas spiediens.



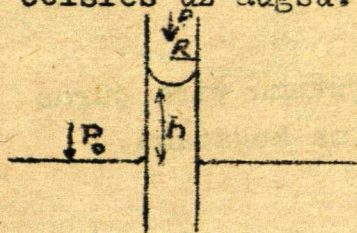
Nosvītrotās daļās apkārtējo molekulu iespaidi uz apskatāmo molekulu līdzsvarošanas, nelīdzsvaroti paliek zem līmeņa atrodošos nenosvītrotu tilpumu molekulu spēki, kas velkot apskatāmo molekulu uz leju rada virsmas spiedienu. Tas pie izliekta līmeņa būs lielāks, pie ieliekta līmeņa mazāks kā līdzena līmeņa spiediens. Spiedienu atšķirība no līdzena līmeņa spiediena būs jo lielāka, jo lielāks virsmas izliekums.

Skaitliski šo atšķirību dod Laplace'a formula

$$P = p_0 + \Sigma \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$$

$P$  - spiediens liektai virsmai,  $p_0$  - līdzenas virsmas spiediens,  $\Sigma$  - šķidruma virsmas spraiguma koeficients,  $R_1$  un  $R_2$  - šķidruma liektās virsmas liekuma radiusi divos perpendikulāros virzienos. Minus - zīme ieliektai virsmai, plus - zīme izliektai virsmai.

Tādēļ tievā kapilārē virsmas spiediens būs mazāks, kā apkārtējā šķidrumā, kur virsma ir līdzena (ja šķidrums saslapina kapilāres sienas un līmenis ir ieliekts) un kapilārē šķidrums celsies uz augšu.



Tā kā virsmas liekums pie apaļa šķērs-griezuma caurules ir sferisks  $R_1 = R_2$  un

$$p_0 - P = \frac{2\Sigma}{R}$$

Šķidrums celsies tik ilgi, kamēr spiedienu starpība kļūs vienāda ar paceltā šķidruma staba svaru uz 1 šķērsriezuma vienību.

$$\frac{2\Sigma}{R} = g d h \quad \text{jeb}$$

$$h = \frac{2\Sigma}{Rgd}, \quad \text{kur } d - \text{šķidruma blīvums.}$$

Ja līmenis izliekts, šķidrums kapilārē stāvēs zemāk - kapilārā depresija.

Pie tievām kapilārēm virsmas liekuma radijs vienāds ar kapilāres radiju un pacelšanās vai depresija tieši proporcionāla šķidruma virsmas spraigumam un pretēji proporcionāla kapilāres radiusam un šķidruma blīvumam.

Kapilārō parādību nozīme dabā - šķidrumu pacelšanās augos (krīt svarā arī osmoze), gruntsūdeņa pacelšanās dažādos zemes slāņos.

Ziepjū burbuļa plēvītes spiediens ārpusē un iekšpusē nav vienāds, spiedienu starpība

$$P_1 - P_2 = p_0 + \Sigma \frac{2}{R} - \left( p_0 - \Sigma \frac{2}{R} \right) = \Sigma \frac{4}{R}$$

Burbulis cenšas sarauties un ar jo lielāku spēku, jo mazāks tā caurmērs.

Virsmas spraiguma parādības novērojamas arī pie cietām vielām. Izkausētu stiklu strauji atdzesējot virsējās kārtas sacietēs ātrāki, radīsies ievērojams virsmas spraigums.

Batavijas asaras, Boloņas kolbiņas. Arī parastā kārtā atdzēsētam stiklam ir virsmas spraigums, uz ko pamatojas stikla griešana.

G ā z e s .

Gāzēm nav formas elastības un arī tilpuma elastības.

Tās var ļoti viegli saspiest.

Paskala un Archimeda likumi ir derīgi arī gāzēm.

Gaisa kārtas - atmosfēras spiedienu ir aerostatiskais spiediens, ko rada virs zemes virsmas atrodošā gaisa slāņa svars. Tas ir normali  $1,03 \text{ kg/cm}^2$  jeb 760 mm augsta dzīvsudraba staba spiediens.

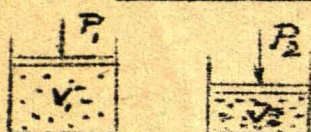
Barometri.

Barometriskais spiediens mainas ar augstumu virs jūras līmeņa. Zinot maiņas likumību var noteikt vietas augstumu.

$$h = 18400 \lg \frac{p_1}{p_2}$$

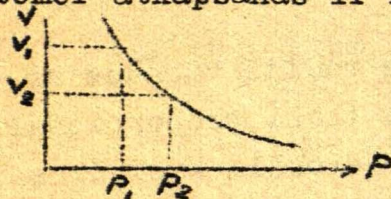
ja  $h$  mēra metros.

Boila-Mariota likums.



$$p_1 v_1 = p_2 v_2 = \text{const.}$$

Boila-Mariota likums nav pilnīgi precīzs likums, pie lieliem spiedieniem visas gāzes notāatkāpjas, dažām ir lielāka saspiežamība, dažām mazāka. Pie nelieliem spiedieniem tomēr atkāpšanās ir maza un šo likumu var praktiski pielietot.

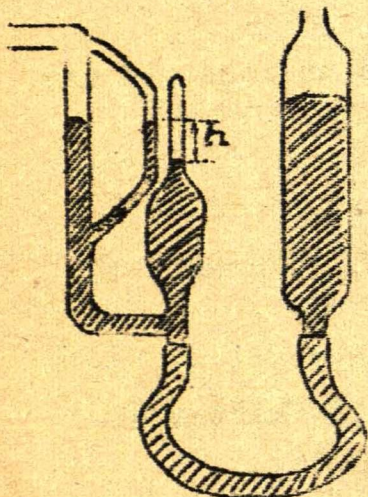


Boila-Mariota likuma grafiskais attēls ir hiperbola.

Mikromanometrs - ierīce mazu spiediena starpību mērīšanai, kuŗas nevar konstatēt ar parastiem dzīvsudraba vai metala manometriem.



Mac-Leoda manometrs ļoti mazu spiedienu mērīšanai - dibinas uz Boila-Mariota likuma.



Nolaižot rezervuāru ar dzīvsudrabu tā, lai kreisā pusē dzīvsudraba līmenis noslīdētu zem A, telpa ar mērījamo spiedienu būs pievienota manometra balonam V. Dzīvsudraba rezervuāru paceļot, dzīvsudrabs noslēgs telpu V no mēramās telpas un gāzes tilpums V tiks saspiests kapilārē ieņemot tilpumu  $v$ . ar spiedienu  $n + p$ .

Pēc Boila-Mariota likuma

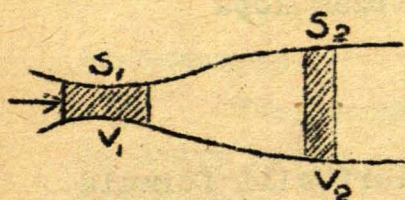
$p \cdot V = (p + h) v$  jeb tā kā  $p$  ir mazs salīdzinot ar  $h$

$$p V = h \cdot v \quad \text{un } p = \frac{h v}{V}$$

Ar šo manometru var mērīt spiedienus līdz 0,0001 mm Hg

Šķidrumu un gāzu kustība.

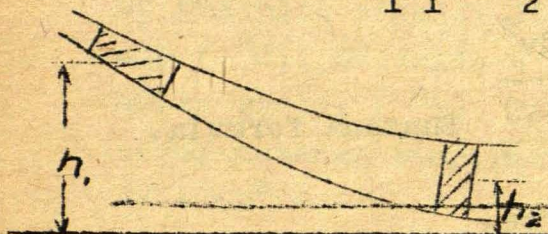
Šķidrumu un gāzu kustība - plūsma savā starpā atšķiras tikai ar to, ka šķidrumi ir praktiski nesaspiežami, pie gāzēm turpretim krīt svarā arī tilpuma maiņa.



Plūšanas ātrums atkarīgs no plūsmas šķērs-griezuma, šaurākās vietās tas ir lielāks

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{v_2}{v_1} \quad \text{jeb}$$

$$S_1 v_1 = S_2 v_2 = S \cdot v = \text{const.}$$



Plūstoša šķidruma enerģija sastādas no 3 daļām.

1. Potenciālas enerģijas.
2. Kinetiskās enerģijas.
3. Spiediena potenciālās enerģijas.

I tilpuma vienībai šīs enerģijas stāvoklī I būs

1.  $dgh_1$        $d$  - šķidruma blīvums
2.  $\frac{1}{2} dv^2$
3.  $\frac{P}{S_1} = p_1$

stāvoklī II

1.  $dgh_2$
2.  $\frac{1}{2} dv_2^2$
3.  $\frac{P}{S_2} = p_2$

Enerģijas nezūdamības dēļ abos stāvokļos šo triju enerģiju summa būs vienāda.

$$p_1 + dgh_1 + \frac{1}{2} dv_1^2 = p_2 + dgh_2 + \frac{1}{2} dv_2^2$$

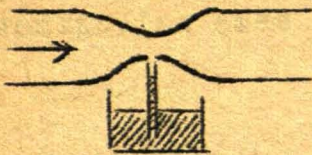
jeb vispārīgi

$$p + dgh + \frac{1}{2} dv^2 = \text{const.}$$

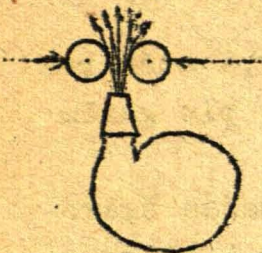
Tas ir Bernouilli vienādojums.

Ja viens loceklis palielinās, kādam citam loceklim jāsamazinās, lai summa nemainītos.





1. Sašaurinājumā pieaug ātrums un tā tad kinētiskā enerģija spiediens p samazinas un var pat kļūt mazāks par atmosfēras spiedienu, tad sašaurinājuma vietā pierīkotā caurulē tiks sūkts iekšā gaisa vai šķidrums no trauka A. Uz šī principa dibinas ūdenstrūklas sūkņu darbība.



2. Gaisa strāva, plūstot starp diviem ķermeņiem, sašaurinas ātrums pieaug, spiediens samazinas, ķermeņi sakļaujas. Tas pats novērojams ūdenim plūstot starp 2 kugiem, tie virzas kopā

Šķidrumu iztecēšana.

$$p + dgh = p + \frac{1}{2} dv^2$$

$$v^2 = 2 gh \quad v = \sqrt{2 gh} \quad \text{Toricelli formula.}$$



Gāzu iztecēšana.

$$p = p_1 + \frac{1}{2} dv^2$$

$$v = \sqrt{\frac{2(p-p_1)}{d}} \quad \text{Bunzena formula.}$$

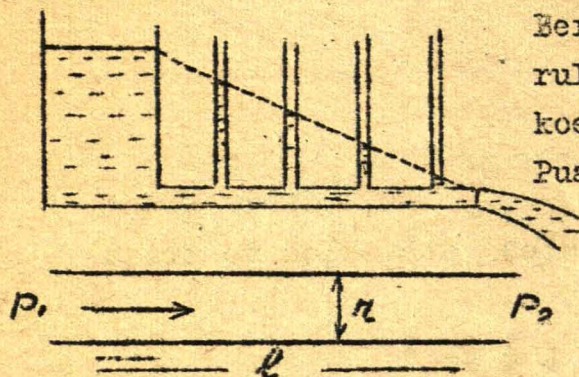


Šķidrumu un gāzu berze.



Šķidrumam vai gāzei plūstot pa cauruli rodas berze starp šķidruma molekulām un caurules sienām (ārēja berze) un arī starp šķidruma molekulām savā starpā (iekšēja berze), kādēļ iekšējā slāņi kustēsies ātrāki. Berzi raksturo tā sauc. berzes koeficients, jeb viskozitātes koeficients. Daļa enerģijas iet zudumā berzes pārvarēšanai, tādēļ spiediens krīt.

Berzes dēļ šķidruma plūsmas ātrums caurulēs jo mazāks, jo lielāks ir berzes koeficients. Plūšanas ātrumu nosaka Puazeja (Poiseville) vienādojums



$$v = \frac{p_1 - p_2}{8 k} \cdot \frac{r^2}{l}$$

k - berzes koeficients.

Pie maziem plūšanas ātrumiem plūsma ir laminara - šķidrums plūst vienmērīgiem slāņiem. Pie lieliem plūšanas ātrumiem rodas virpuļi - turbulenta plūsma.

S i l t u m s .

Siltums ir īpatnējs ķermeņa iekšējās enerģijas veids, kas rodas no ķermeņa molekulu nekārtīgas kustības. Kopējais siltuma enerģijas daudzums ķermenī sastādas no molekulu kine-

tisko energiju summas.

Siltuma enerģija var pāriet no viena ķermeņa uz otru, bet tikai tad, ja siltuma enerģijas spraugums, kurā nosaka molekulu kustību vidējie ātrumi, vienā ķermenī ir lielāks kā otrā. Šo siltuma enerģijas spraugumu - siltuma pakāpi - sauc par temperatūru. Siltums var pats no sevis pāriet tikai no ķermeņa ar augstāku temperatūru uz ķermeni ar zemāku temperatūru.

Ķermeņa siltuma enerģijai un tā tad arī temperatūrai mainoties, mainas arī ķermeņa tilpums - termiskā izplēšanās.

Šo parādību izlieto temperatūras salīdzināšanas ierīcēs - termometros.

Temperatūras maiņu nosaka grādos, ņemot par pamatu starpību starp divām noteiktām, viegli realizējamām un nemainīgām temperatūrām, piem. ledus kušanas un ūdens vārīšanās temperatūrām. Šo starpību sadalot 100 daļās, dabonam Celsija temperatūras grādos ( $^{\circ}\text{C}$ ). 80 daļās - Reomira grādos ( $^{\circ}\text{R}$ ) un 180 daļās - Farenheita grādos ( $^{\circ}\text{F}$ ). Pie Celsija un Reomira temperatūru skalas, ledus kušanas temperatūru apzīmē ar  $0^{\circ}$ , pie Farenheita skalas ar  $+ 32^{\circ}\text{F}$ .

Temperatūras zem attiecīgās skalas nulles temperatūras skaita par negatīvām, virs nulles par pozitīvām.

Termiskā izplēšanās cietās vielās un šķidrumos.

Ķermeņa lineāro dimensiju (garuma, platuma un augstuma) un tāpat arī tilpuma maiņa ir proporcionāla temperatūras maiņai un ķermeņa sākuma garumam vai tilpumam.

$$1. \Delta l = \alpha \cdot l_0 \cdot t$$

$$2. \Delta v = \beta \cdot v_0 \cdot t$$

$\Delta l$  - garuma maiņa  
 $t$  - temperatūras maiņa  
 $\alpha$  - garuma izplēšanās koeficients  
 $\beta$  - tilpuma koeficients  
 $\Delta v$  - tilpuma maiņa.

$$\Delta l = l_t - l_0$$

$l_t$  - garums pie beigu temperatūras  
 $l_0$  - " " sākuma "

$$\Delta v = v_t - v_0$$

$v_t$  - tilpums " beigu "

$v_0$  - " " sākuma "

Tādēļ

$$l_t = l_0 (1 + \alpha t)$$

$$v_t = v_0 (1 + \beta t)$$

$\beta = 3\alpha$

$$v_t = v_0 (1 + 3\alpha t)$$

Termiskie izplēšanās koeficienti  $\alpha$  un  $\beta$  ir raksturīgi lielumi katrai vielai.

Dzelzs. $\alpha = 0,000012$	Dzīvsudrabs $\beta = 0,00018$
Varšs. $\alpha = 0,000018$	Alkohols... $\beta = 0,0012$
Platina $\alpha = 0,000009$	Eteris..... $\beta = 0,0016$

Izplēšanās koeficienti nedaudz mainās ar temperatūru, tādēļ precīzākos mērījumus tas jāņem vērā.

Blīvuma maiņa.

Mainoties pie sasilšanas tilpumam, mainas arī vielas blīvums

$$\left. \begin{aligned} d_o &= \frac{m}{v_o} \\ d_t &= \frac{m}{v_t} \end{aligned} \right\} \quad \boxed{d_t = \frac{d_o}{1 + \beta t}}$$

Ūdens īpatnības.

Ūdens blīvums pie 4°C ir vislielāks, viņa izplēšanās koeficients pie 4°C ir 0, pie zemākām temperatūrām negatīvs, pie augstākām pozitīvs. Nozīme dabā.

Gāzu termiskā izplēšanās.

Gāzi sildot var ļaut tai izplēsties, vai arī nē. Pirmā gadījumā mainīsies gāzes tilpums, otrā gadījumā spiediens.

$$\begin{aligned} v_t &= v_o (1 + \beta t) & \beta & - \text{tilpuma izpl.koef.} \\ p_t &= p_o (1 + \beta' t) & \beta' & - \text{spiediena termiskais koeficients.} \end{aligned}$$

Izrādas, ka  $\beta = \beta'$  un pirmā tuvinājumā visām gāzēm tie ir vienādi

$$\beta = \frac{1}{273}$$

Sasildot par 1°C visas gāzes izplēšas par  $\frac{1}{273}$  no sava tilpuma pie 0°C.

$$p_t = p_o \left(1 + \frac{t}{273}\right) \quad \text{Ge-Lisaka likums}$$

$$v_t = v_o \left(1 + \frac{t}{273}\right) \quad \text{Šarla likums}$$

Kāda gāzes daudzuma stāvokli nosaka trīs lielumi: spiediens p, tilpums v un temperatūra t.



I  $p_o, v_o, t_o = 0^0$



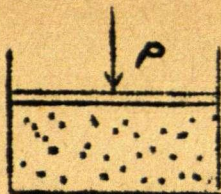
II  $p, v', t_o = 0^0$

Atradīsim sakaru starp šiem lielumiem.

Ņemsim kādu gāzes daudzumu pie 0°C, kuram tad būs zināms spiediens  $p_o$  un tilpums  $v_o$  (I)

Tad pie tās pašas temperatūras saspiedīsim gāzi līdz tilpumam  $v'$ . Spiediens pieaugs līdz p. Pēc Boila-Mariota likuma

$$p_o v_o = p v'$$



Tad sasildīsim gāzi, ļaujot tai brīvi izplēsties. Temperatūra pieaugs par  $t^{\circ}$ , spiediens paliks tas pats  $p$ , tilpums pieaugs līdz  $v$ .

III  $p, v,$   
 $t$

Pēc Šarla likuma

$$v = v' \left(1 + \frac{t}{273}\right); \text{ pareizinojot ar } p$$

$$pv = pv' \left(1 + \frac{t}{273}\right), \text{ jeb}$$

$$p v = p_0 v_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right).$$

Tas ir gāzes stāvokļa vienādojums. Pārveidojot iekavu

$$pv = p_0 v_0 \left(\frac{273 + t}{273}\right)$$

$$pv = \frac{p_0 v_0}{273} (273 + t) = R T$$

$\uparrow$   $\uparrow$   
 $R$   $T$

$$p v = R T \quad \text{Klapeirona formula}$$

$T = t + 273$  - absolūtā temperatūra.

Absolūtās temperatūras nulles punkts - absolūtā nulle - ( $-273^{\circ}\text{C}$ ) būtu temperatūra, pie kušanas ideālai gāzei, tas ir gāzei, kas pilnīgi sekotu Ge-Lisaka likumam, nebūtu vairs spiediena.

$R = \frac{p_0 v_0}{273}$  - gāzu konstante, kušanas lielums atkarājas tikai no ņemtās gāzes daudzuma.

Siltuma daudzums.

Siltuma enerģija, kā kušu katru enerģijas veidu varētu mērīt ergos vai džoulos, bet ērtības dēļ siltuma enerģiju mēra īpašās siltuma daudzuma vienībās - kalorijās.

Siltuma daudzums kādā ķermenī ir proporcionāls temperatūrai un ķermeņa masai

$$Q = c.m.t$$

Mainoties temperatūrai, ķermeņa iegūtais vai zaudētais siltuma daudzums būs

$$Q = c.m. (t_2 - t_1)$$

Pieņemot ūdenim  $c = 1$ , par siltuma daudzuma vienību nosauc siltuma daudzumu, kas vajadzīgs, lai 1 grammu ūdens sasildītu par  $1^{\circ}\text{C}$ . Tā būs mazā kalorija - 1 cal. (Tā kā vajadzīgais siltuma daudzums nedaudz atkarīgs arī no temperatūras, precīzāki 1 cal. ir siltuma daudzums, kas vajadzīgs, lai 1 g ūdens

sasildītu no 15,5°C līdz 16,5°C).

1000 cal. = 1 Cal (lielā kalorija).

Citām vielām lielums  $c$ , kas rāda, cik siltuma daudzuma ir vajadzīgs, lai sasildītu 1 vielas grammu par 1°C, nebūs 1. Šo lielumu sauc par vielas īpatnējo siltumu.

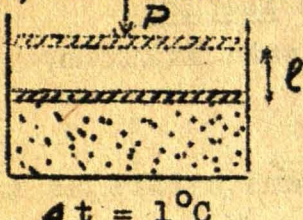
Elementiem īpatnējais siltums ir tuveni pretēji proporcionāls atomsvaram, jeb īpatnējo siltuma un atomsvara reizinājums ir tuveni konstants lielums (Dulonga - Petit likums)

$$A \cdot c = \text{const.} \approx 6$$

	$c$	$A$	$A \cdot c$
Cu	0,093	63,6	5,9
Pb	0,031	206	6,4
Al	0,21	27,1	5,8

Cietām un šķidrām vielām īpatnējais siltums ir raksturīgs lielums dotai vielai.

Gāzēm ir divi īpatnējie siltumi, īpatnējais siltums pie konstanta spiediena, ko apzīmē ar  $c_p$  un īpatnējais siltums pie konstanta tilpuma -  $c_v$ . Gāzi sildot un ļaujot tai izplēsties ( $p = \text{const.}$ ), pievadītais siltums ne tikai pacel gāzes temperatūru, bet dara arī vēl mehānisku darbu. Tādēļ  $c_p > c_v$ . Aprēķināsim šo darba lielumu.



Sasildīsim gāzi par 1°C ļaujot tai izplēsties. Tilpuma pieaugums

$$v_1 - v = s \cdot l \quad s - \text{virzula šķērsgr.}$$

$$\text{Padarītais darbs } W = P \cdot s \cdot l = p \cdot s \cdot l = (v_1 - v)p$$

Pirms sildīšanas  $p \cdot v = RT$   
 Pēc " "  $p \cdot v_1 = R(T + 1)$

$$p(v_1 - v) = R = W = \frac{p_0 v_0}{273}$$

Gāzu konstante  $R$  ir vienāda ar padarīto darbu gāzes daudzumam par 1°C sasilstot (pie konstanta spiediena).

Parasti gāzu konstanti attiecina vai nu uz 1 litru gāzes pie atmosfēras spiediena un 0°C, vai uz 1 grammolekulas tilpumu (22,4 litri) pie atmosfēras spiediena un 0°C.

Tad

$$R_1 = 0,0378 \text{ kgm/grad} = 0,3712 \text{ džauli/grad}$$

$$R_M = 0,847 \text{ kgm/grad} = 8,315 \text{ džauli/grad}$$

Gāzei izplēšoties padarītais darbs no otras puses būs izteikts kā

$$W = m(c_p - c_v)$$

Ja  $m = M$  ( $M$  - gāzes gram molekulas svars).

$$M(c_p - c_v) = R$$

Tā kā kreisajā pusē ir siltuma daudzums kalorijās, bet labajā pusē  $R$  ir mērīts parastās enerģijas vienībās.

Tādēļ

$$\frac{R}{M(c_p - c_v)} = \text{Maiera izteiksme}$$

dos sakarību starp mehānisko darbu un tam ekvivalento siltuma daudzumu kalorijās.

-- mehāniskais siltuma ekvivalents

$$= 427 \text{ kgm/cal} = 4,15 \text{ džauli/cal.}$$

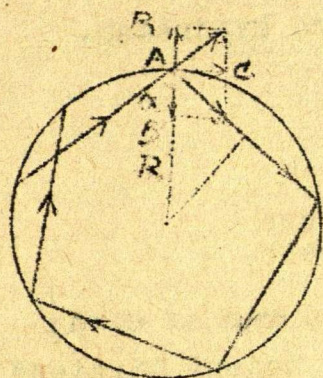
Siltuma enerģija ekvivalenta mehāniskam darbam

$$W = J.Q$$

Pirmais termodinamikas postulāts.

Gāzu kinētiskā teorija.

Siltuma enerģijas izskaidrojums ar molekulu iekšējās kustības kinētisko enerģiju, it sevišķi labi pamatojams pie gāzēm, kur molekulas var samērā brīvi kustēties. Molekulu sadursmes ar trauka sienām rada gāzes spiedienu, kas pieaug pieaugot molekulu ātrumiem, tā tad gāzes temperatūrai. Sakarību starp spiedienu un molekulu ātrumu var dabūt arī skaitliski.



Iedomāsimies apaļu trauku ar  $N$  gāzes molekulām, kas kustas ar caurmēra ātrumu  $v$ .

Vienai molekulai pret trauka sienu atduroties, tā atdos sienai impulsu  $F.t$

Pēc II Ņutona likuma

$F.t = m.v$ , kur  $m$  - molekulas masa un  $v$  - tās ātruma maiņa pa impulsa laiku  $t$ .

Pie sadursmes mainas tikai ātruma normālā komponente  $AB$ , tangenciālā komponente  $AC$  paliek tā pati.

$$AB = v \cdot \cos\alpha$$

Pēc sadursmes normālā komponente ir  $AB'$

$$AB' = -v \cos\alpha$$

Ātruma maiņa tā tad ir

$$v \cos\alpha - (-v \cos\alpha) = 2 v \cos\alpha .$$

$$Ft = 2 m v \cos\alpha$$

Starp divām sadursmēm molekula noies ceļa gabalu

$$AD = 2 R \cos \alpha$$

Šo ceļa gabalu tā noies laikā

$$t = \frac{2 R \cos \alpha}{v}$$

1 sekundes laikā molekula tā tad sadursies ar sienu  $n$  reizes, pie kam

$$n = \frac{1}{t} = \frac{v}{2 R \cos \alpha}$$

Sadursmju radītais spiediens uz trauka sienu sekundes laikā tā tad būs

$$F = \frac{2 m v \cos \alpha}{2 R \cos \alpha} \cdot v = \frac{m v^2}{R}$$

Visas  $N$  molekulas dos spiedienu

$$F = \frac{N m v^2}{R}$$

Tā kā trauka sienas virsma ir  $4\pi R^2$ , tad spiediens  $p$  uz vienu laukuma vienību būs

$$p = \frac{N m v^2}{4\pi R^2}$$

Trauка tilpums  $v = \frac{4}{3} \cdot \pi R^3$

$$p v = \frac{N m v^2}{3}$$

Salīdzinot šo izteiksmi ar Klapeirona formulu  $p v = RT$ , redzam, ka

$$RT = \frac{1}{3} N m v^2$$

Gāzes temperatūra proporcionāla molekulu ātruma kvadrātam.

$$v^2 = \frac{3 RT}{Nm} = \frac{3 RT}{M}$$

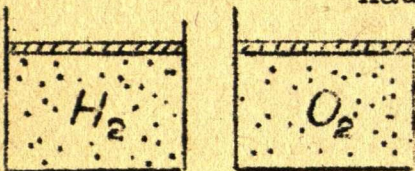
Tā var noteikt molekulu ātrumus

skābekli	pie $0^\circ$	$v = 460$ m/sec
ūdeņradi	pie $0^\circ$	$v = 1800$ m/sec.

Pie parastiem spiedieniem molekulas saduras ar citām molekulām. Starp divām sadursmēm noietais ceļš taisnā virzienā (tā sauc. brīvā ceļa garums) tādēļ ir ļoti mazs, apm.  $10^{-4}$  mm

### Avogadro likums.

Iedomāsimies divus dažādu gāzu vienādus tilpumus, pie vienāda spiediena un vienādas temperatūras.



$$p v = \frac{1}{3} N_1 m_1 v_1^2$$

$$p v = \frac{1}{3} N_2 m_2 v_2^2$$

$$N_1 m_1 v_1^2 = N_2 m_2 v_2^2$$

Ja temperatūras vienādas, tad ir vienādas arī abu gāzu molekulu

kinētiskās enerģijas  $m_1 v_1^2 = m_2 v_2^2$  un tādēļ

$$N_1 = N_2$$

Vienādos tilpumos pie vienas temperatūras un vienāda spiediena dažādām gāzēm ir vienāds molekulu skaits. Var aprēķināt, ka 1 grammolekulā, tas ir 22,4 litros pie normāla spiediena un 0°C molekulu skaits ir

$$N \approx 6 \cdot 10^{23}$$

Tas ir Avogadro skaitlis

1 cm<sup>3</sup> jebkuŗas gāzes pie normāla spiediena un 0°C molekulu skaits ir

$$N_1 \approx 3 \cdot 10^{19}$$

Loschmidta skaitlis.

Arī gāzē pie vislielākā patreizējiem līdzekļiem sasniedzamā retinājuma (10<sup>-6</sup> mm Hg) molekulu skaits vēl būs milzīgi liels (apm. 5 · 10<sup>10</sup> 1 cm<sup>3</sup>).

Kinētiskās siltuma teorijas tiešs pierādījums ir Browna kustība. Sīku šķidrumā atrodošu daļiņu kustība, ko var novērot mikroskopā, izskaidrojama ar apkārtējo šķidruma molekulu neregulāriem triecieniem. Tānredzamo molekulu kustība izsauc redzamas sīkās daļiņas pārvietošanās.

Ar molekulu kustību izskaidrojama arī difūzijas parādība - divu vielu molekulu savstarpēja sajaukšanās.

Difūzija visātrāk notiek gāzēs, kur molekulas var brīvāki kustēties un kur starp tām ir lielāki attālumi.

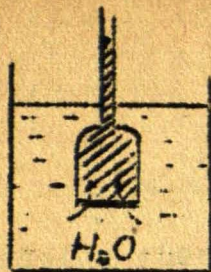
Difūzijas ātrums ir pretēji proporcionāls gāzu blīvumu kvadrātsaknei, pretēji proporcionāls spiedienam un tieši proporcionāls temperatūrai.

Šķidrumos difūzijas ātrums ir mazāks un atkarīgs no šķidrumu dabas un proporcionāls temperatūrai. Šķīdinājumos difūzijas ātrums proporcionāls koncentrāciju starpībai starp diviem šķīduma slāņiem.

Arī pie citām vielām novērojama difūzija, lai gan ļoti mazā mērā.

Gāzu un šķidrumu difūzija var notikt arī caur porainām puscaurlaidīgām sienām, kas atdala vienu šķidrumu vai gāzi no otra. Tā kā puscaurlaidīgai sienai vienas vielas molekulas iet labāki cauri kā otras, tad vienā pusē radīsies pārspiediens - osmotiskais spiediens.





Koloidālas vielas molekulas praktiski nedifundē, tādēļ tās ar osmoses palīdzību var pilnīgi atdalīt no kristaloīdu vielām - dialize.

Osmoses parādībām liela nozīme dabas dzīvē, jo šūnu apvalki ir puscaurlaidīgas sienas, caur kurām notiek difūzija, kristaloīdu šķīdumi tiek sienām cauri, olbaltumu un tamlīdzīgas vielas nē.

Gāzu difūzija var notikt arī šķīdumā. Šo parādību sauc par absorbciju.

Absorbētas gāzes daudzums atkarīgs no paša šķidrums un arī gāzes un ir jo lielāks, jo zemāka temperatūra.

Pie nemainīgas temperatūras absorbētais gāzes daudzums ir proporcionāls spiedienam - Henry likums. (Ūdens gāzēšana ar  $CO_2$ ).

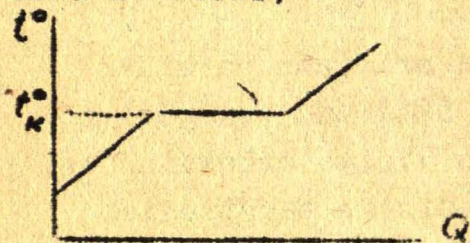
Gāzes molekulu absorbciju cietās vielās sauc par okluziju. Arī okluzija ir jo lielāka, jo zemāka ir temperatūra un jo lielāks spiediens. Ar izkarsēšanu var cietu vielu pilnīgi atbrīvot no okludētām gāzēm. Rentgena lampās, radiolampās un citās vakuumierīcēs elektrodi pirms ierīces evakuēšanas jāizkarsē, citādi okludētas gāzes pie zemā spiediena nāks pamazām no elektrodu metala ārā un retinājums ierīcē paliks sliktāks.

Visvairāk gāzu molekulas nosēžas uz cietu ķermeņu virspuses - adsorbcija. Lēnām gāzes molekulām atduroties pret cieta ķermeņa virsmu, tās itkā pielīp pie tās, radot adsorbētas gāzes slāni. Uz visiem gaisā esošiem priekšmetiem ar laiku rodas adsorbcijas slānis, kurū var dabūt prom, vai nu ķermeni mehāniski notīrot vai arī izkarsējot.

Agregatstāvokļu maiņa.

Vielai pievadot siltumu, tās temperatūra aug, molekulu kustība paliek straujāka.

Pie zināmas molekulu kustības enerģijas, tā tad pie zināmas temperatūras, spēku līdzsvars, kas tur cietā vielā molekulas zināmos līdzsvara stāvokļos izjuks, molekulas varēs atrauties viena no otras, cieta viela pārvērtīsies šķidrā. Temperatūra ne-



pieaug, kamēr visa cietā viela nebūs pārvērtusies šķīdumā, pievadītā siltuma enerģija  $Q$ , kušanai sākoties tiks izlietota molekulu savstarpējo spēku pārvarēšanai.

Kad visa viela ir izkususi, pievadītā siltuma enerģija atkal tiek izlietota molekulu kinētiskās enerģijas palielināšanai, šķidrums temperatūra aug.

Molekulu savstarpējo saišu pārvarēšanai katram cietas vielas gramam ir vajadzīgs noteikts siltuma daudzums - latentais kušanas siltums. Citiem vārdiem, tas ir siltuma daudzums, kas vajadzīgs, lai 1 gramu vielas pie kušanas temperatūras pārvērstu no cietā agregatstāvokļa šķidrā.

Ūdenim latentais kušanas siltums ir 80 cal/g, dzīvsudrabam 2,8 cal/g.

Lielam vairumam cietu vielu kušanas temperatūra ir raksturīgs pastāvīgs lielums (izņēmumi vasks, tauki un līdzīgas vielas), kas tomēr atkarīgs no spiediena un piemaisījumiem.

Parasti spiedienam pieaugot, palielinās arī kušanas temperatūra. Izņēmums ledus un dzelzs, tiem kušanas temperatūra ar spiediena pieaugumu pamazinas (šļūdoņi).

Pie kušanas mainas arī vielas tilpums - vielām, kam spiedienam palielinoties kušanas temperatūra pieaug, tilpums šķidrā stāvoklī ir lielāks, vielām kam ar spiediena pieaugumu kušanas temperatūra pazeminas, tilpums šķidrā stāvoklī ir mazāks.

Piemaisījumi kušanas temperatūru pazemina. Wooda metāls.

Kušanas temperatūras pazeminājumu šķīdumam, kurā izšķīdināts zināms svešas vielas daudzums, dod Raoult'a likums

$$\Delta t_k = k \cdot \frac{n_1}{n} = A \frac{m_1}{m \cdot M_1}$$

$\Delta t_k$  - šķīduma kušanas temperatūras pazemināšanās salīdzinot ar tīra šķīdinātāja temperatūru.  $n_1$  - izšķīdinātās vielas grāmmolekulu skaits  $n$  grāmmolekulās šķīdinātāja.  $k$  - šķīdinātājam raksturīga konstante.  $m_1$  - izšķīdinātās vielas svars,  $m$  - šķīdinātāja svars,  $M_1$  - izšķīdinātās vielas molekulārsvars,  $M$  - šķīdinātāja molekulārsvars.

$A = kM$  - šķīdinātājam raksturīga konstante. Tādā kārtā izmērot kušanas temperatūras pazemināšanos un zinot izšķīdinātās vielas daudzumu var noteikt šīs vielas molekulārsvaru.

Krioskopiskā molekulārsvara metode.

Iztvaikošana. Šķidrums virs kušanas temperatūras tālāk sildot, tā temperatūra atkal pieaug, molekulu kinētiskā enerģija kļūst lielāka. Pie šķidrums virsmas ātrākās molekulas var izskriet ārā no šķidrums un tā virs šķidrums rodas ar šķidrums nesaistītās molekulas - šķidrums tvaiks. Ātro molekulu skaits, kas var pārvarēt šķidrums molekulu pievilkšanās spēku, būs jo lielāks, jo augstāka šķidrums temperatūra.

Ja šķidrums ir vaļējā traukā, tā tvaika molekulas aizies apkārtējā telpā, no šķidrums varēs nākt ārā arvien jaunas mole-

kulas - nepiesātināts tvaiks. Ja turpretim šķidrums ir noslēgtā telpā, tvaika molekulu skaits šai telpā kļūs arvien lielāks un sadurēties tvaika molekulām savā starpā dažas no tām tiks atsviestas atkal atpakaļ šķidrumā. Beidzot iestāsies līdzsvara stāvoklis, cīk molekulu iztvaiko, tik atkal atgriežas atpakaļ šķidrumā - piesātināts tvaiks. Nepiesātināts tvaiks tā tad būs tvaiks, kuŗa ieņemtā telpa vēl var uzņemt jaunas tvaika molekulas, piesātinātā tvaika telpā turpretim molekulu skaits dotā tilpumā ir jau iespējami lielākais, nākot klāt jaunām molekulām, tikpat daudz molekulas pārvēršas šķidrumā - kondensējas.

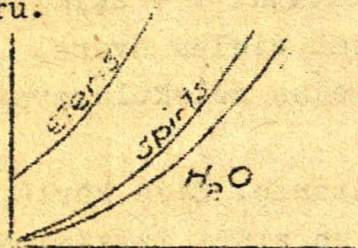
Nepiesātināts tvaiks seko Boila-Mariota likumam - pamazinot tvaika telpas tilpumu, molekulu skaits tilpuma vienībā pieaugs un pieaugs tā tad arī molekulu spiediens uz trauka sienām. Tas būs tik ilgi līdz molekulu skaits tilpuma vienībā sasniegs maksimāli iespējamo lielumu - nepiesātinātais tvaiks pārvērtīsies piesātinātā. Tad tilpumu tālāk samazinot, molekulu skaits tilpuma vienībā vairs nepieaugs, daļa molekulu pārvērtīsies šķidrumā - spiediens nemainīsies. Piesātinātam tvaikam vairs neēder Boila-Mariota likums, tā vietā

$$p = \text{const.}$$

Piesātināta tvaika spieciens dotai vielai pie konstantes temperatūras ir konstants lielums.

Pie istabas temperatūras ( $20^{\circ}\text{C}$ ) piesātinātu tvaiku spieciens ūdenim ir 4,7 cm Hg, spirtam 4,4 cm un eterim 43,5 cm Hg.

Piesātinātu tvaiku spieciens ļoti strauji pieaug ar temperatūru.



Ceļot šķidruma temperatūru augstāk, pieaug tvaiku spiediens. Pie noteikta tvaika spiediena tvaiks sāk rasties pašā šķidruma iekšienē - vārīšanās. Tas notiks, ja ja tvaika spiediens kļūst vienāds ar ārējo spiedienu uz šķidruma virsmas (atmosfēras spiediens). Tad šķidruma iekšienē ridošies tvaika pūslīši var pieaugt un celties uz augšu.

Šķidruma vārīšanas temperatūra tā tad ir atkarēga no ārējā spieciena. Pie maza spieciena šķidrums vāras pie temākas temperatūras (traukā ar gaisa retinājumu, augstos kalnos) un otrādi.

Vārīšanas laikā šķidruma temperatūra nemainas, pievadītais siltums tiek izlietots šķidruma iztvaikošanai. 1 gramma šķidruma iztvaikošanai vajadzīgo siltuma daudzumu - pie vārīšanās temperatūras - sauc par latentu vārīšanas siltumu. Ūdenim tas pie nor-

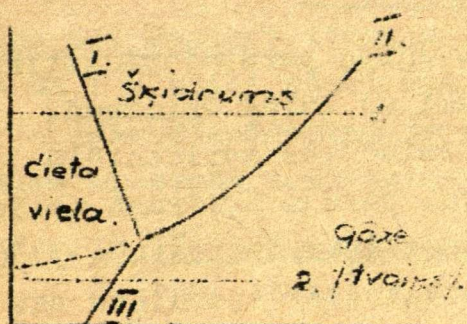
mālas vārīšanās temperatūras -  $100^{\circ}\text{C}$  - ir  $537 \text{ cal/gr}$ . Ja iztvaikošana nenotiek pie vārīšanās temperatūras ir arī vajadzīgs zināms siltuma daudzums  $1 \text{ g}$  iztvaicēšanai - iztvaikošanas siltums. Ja iztvaikošana notiek bez ārējā siltuma pievadīšanas šķidrums iztvaikošanai vajadzīgo siltumu ņem pats no savas siltuma enerģijas un tādēļ atdziest.

Vārīšanas temperatūra ir atkarīga arī no piemaisījumiem. Tīrs šķidrums vārās pie zemākas temperatūras. Šķīdinājumu vārīšanās temperatūras pieaugums proporcionāls izšķīdinātās vielas daudzumam. Raoult'a likums

$$\Delta t_v = A \frac{m_1}{m M_1}$$

$\Delta t_v$  - vārīšanās temp.pieaugums salīdzinot ar tīrā šķīdinātāja vārīšanās temperatūru,  $m_1$  - izšķīdinātās vielas svars,  $M_1$  - izšķīdinātās vielas molekulārsvars,  $m$  - šķīdinātāja svars,  $A$  - šķīdinātājam raksturīga konstante.

Tādā kārtā var noteikt vielu molekulārsvaru - ebulioskopiskā metode. Zināmos temperatūras un spiediena intervalos viela var pāriet tieši no cietā stāvokļa gāzveidīgā - tvaikos un arī otrādi (lēdus iztvaikošana, joda iztvaikošana un sublimācija). Agregatstāvokļu maiņu un sakarību ar temperatūru



un spiedienu grafiski var attēlot ar kušanas temperatūras - spiediena līkni ( I ), piesātinātu tvaiku spiediena līkni ( II ) un sublimācijas līkni ( III ). Mainot temperatūru pie konstanta spiediena cieta viela pie noteiktas kušanas temperatūras

pāriet šķīdumā un tālāk pie noteiktas vārīšanās temperatūras - tvaikā (1. horicontālā pārtrauktā līnijā). Pie zemāka spiediena cieta viela pāriet tieši tvaikā ( 2.līnija).

Arī pie konstantas temperatūras, mainot spiedienu, var tvaiku pārvērst šķīdumā un otrādi.

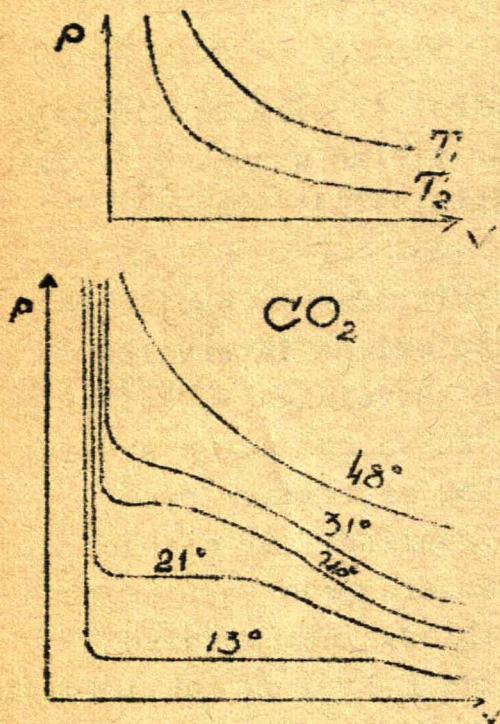
Uzmanīgi šķīdumu atdzesējot var tā temperatūru pazemināt zem kušanas temperatūras - pārdzesēti šķidrums. Šāds stāvoklis nav stabils. Satricinot vai iemetot kādu cietas vielas gabaliņu šķidrums tūlīt sasalst, pie kam atbrīvojas latentais siltums.

Arī tīru piesātinātu tvaiku var atdzesēt bez kondensēšanas - pārsātināts tvaiks. Kondensācijai vajadzīgi centri - putekli, šķīduma pilieniņi u.t.t. Ja tvaiks pilnīgi tīrs, kondensācija sākas tikai pie zināma pārsātinājuma.

### Gāzu sašķidrināšana.

Principiēlas starpības starp gāzi un tvaiku nav, gāzi var uzskatīt par nepiesātinātu tvaiku. Tādēļ varētu domāt, ka katru gāzi var pārvērst šķidrumā pazeminot temperatūru vai palielinot spiedienu. Daudzām gāzēm tiešam tas tā ir, bet ir arī gāzes, kuŗas ar spiediena vai temperatūras maiņu vien nevar sašķidrināt. Bet arī šīs gāzes var sašķidrināt, ja tās vispirms atdzesē līdz zinamai temperatūrai un tad saspiež.

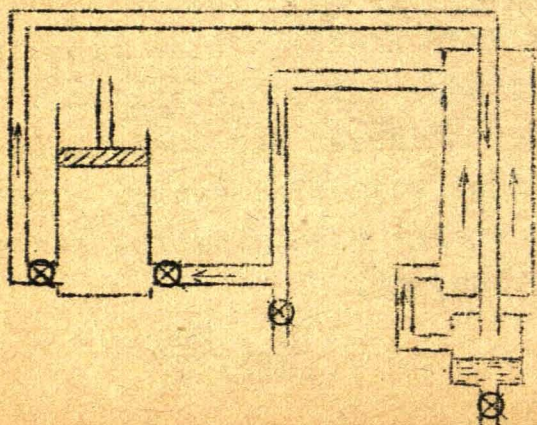
Sašķidrināšanas nosacījumus var izprast attēlojot grafiski gāzu izotermas (līknes, kas dod sakarību starp gāzes spiedienu un tilpumu pie konstantas temperatūras) pie dažādām temperatūrām. Ideālām gāzēm, kas pilnīgi seko gāzu stāvokļa vienādojumam (Klapeirona formulai  $pV = RT$ ), izoterma ir hiperbolas un tādēļ gāzi saspiežot tā šķidrumā nepārvērtīsies, jo spiediens kļūs arvien lielāks. Parastās gāzes atkāpjas no gāzu vienādojuma un to izoterma pie zemākām temperatūrām izliecas un daļa izoterma kļūst paralela tilpuma asij.



Tas atbilst gāzes pārejai piesātinātā tvaika stāvoklī un tālāk šķidrumā. Temperatūrai pazeminoties horicontālā daļa kļūst garāka, pāreja šķidrumā notiek pie mazāka spiediena. Pie vienas noteiktas temperatūras ( $CO_2 - 31^{\circ}C$ ) horicontālā daļa izbeidzas, virs tās gāze vairs ar spiedienu nav sašķidrināma. Tā ir gāzes kritiskā temperatūra. Katrai gāzei ir sava kritiskā temperatūra.  $Cl_2 - +144^{\circ}C$ ,  $CO_2 - +31^{\circ}$ ,  $O_2 - -120^{\circ}$ ,  $N_2 - -147^{\circ}$ , ūdens tvaikiem  $+ 375^{\circ}$ .

Tā tad, lai sašķidrinātu gaisu, tas jāatdzesē līdz apm.  $- 150^{\circ}$  un tad jāspiež. Tam nolūkam šķidra gaisa mašīnās gaisu saspiež līdz apm. 150 Atm. un tad ļauj tam straujā izplēsties. Izplēšoties gaiss atdziest un plūstot atpakaļ uz kompresoru atdzesē

savukārt uz izplēšanās telpu plūstošo augstā spiediena gaisu. Tas izplēšoties atdzisis vēl līdz zemākai temperatūrai un tā pakāpeniski gaisa temperatūra nokrītīs zem kritiskās temperatūras un tas pārvērtīsies šķidrā stāvoklī.



Šķidra gaisa vārišanās temperatūra ir apm. - 190°C, un to uzglabā tā sauc. Djuara (Dewara) traukos. Tie ir trauki ar divkāršām sienām starp kuņām ir iespējami retināta telpa, kas ļoti slikti vada siltumu.

Šķidru gaisu lieto zemu temperatūru dabūšanai, skābekļa iegūšanai un citām tehniskām vajadzībām.

Atkāpšanās no Klapeirona formulas un līdz ar to izotermu forma reālām gāzēm izskaidrojama ar to, ka izveidot gāzu vienādojumu nav ņemts vērā gāzu molekulu tilpums un gāzu molekulu savstarpējie molekulārie spēki. Pie maziem spiedieniem un augstām temperatūrām šie lielumi ir vērā ņemami, šādos apstākļos gāzes arī tiešām seko ideālo gāzu likumiem. Pie lieliem spiedieniem un zemām temperatūrām, kad gāzu molekulas ir tuvu viena otrai šie lielumi jau sāk spēlēt lomu. Gāzes tilpums arī pie bezgalīgi liela spiediena nevar būt nulle, jo paliks pašu molekulu ierēmtais tilpums  $b$ . Tādēļ gāzu vienādojumā  $v$  vietā jāliek  $(v - b)$ .

Tāpat pie maziem tilpumiem gāzu molekulas savstarpēji pievilksies un tādēļ arī gāzu vienādojumā spiediens  $p$  jākorrigē.

$$\left( p + \frac{a}{v^2} \right) (v - b) = R T$$

Van der Waals'a formula.

$a$  un  $b$  - dotai gāzei raksturīgas konstantes.

Šis vienādojums ir pareizs arī pie samērā lieliem spiedieniem un zemām temperatūrām.

## II Termodinamikas likums.

Siltuma enerģija var pārvērsties mechaniskā enerģijā un otrādi ( I termodinamikas likums).

Bet kamēr mechaniskā enerģija var pārvērsties siltuma enerģijā pilnīgi, siltuma enerģija var pārvērsties mechaniskā tikai tad, ja notiek siltuma plūsma no kāda ķermeņa ar augstāku temperatūru uz ķermeni ar zemāku temperatūru. Tādēļ arī no ķermeņa siltuma enerģijas var pārvērsties mechaniskā enerģijā tikai zināma daļa. Ķermeni ar ļoti lieliem siltuma enerģijas daudzumiem (jūras ūdeņi u.t.t.) nevar dot tādēļ arī darbu, ja nav otra ķermeņa (dzēsētāja) ar zemāku temperatūru. Arī praktiski lietotās siltuma mašīnās (tvaika mašīnās, iekšdedzes motoros) starp darba darītāja vielu (tvaiku, gāzi) un apkārtni (dzēsētāju) jābūt temperatūru starpībai.

Siltuma mašīnas lietderības koeficients (attiecība starp iegūto mechanisko darbu un siltuma enerģiju), vislabākā

ideālā gadījumā ir

$$k = 1 - \frac{T_1}{T_2}$$

kur  $T_1$  ir mašīnas dzesētāja vai apkārtnes temperatūra un  $T_2$  - darba darītājas vielas (tvaika, gāzes) temperatūra (absolūtos grados).

Gaisa mitrums.

Gaisā arvien ir zināms daudzums ūdens tvaiku, kas rodas no zemes ūdens baseinu iztvaikošanas.

Tvaiku daudzumu grammos 1 kubikmetrā sauc par absolūto gaisa mitrumu.

Dzīvās dabas norisēm ir no svara gaisā esošā tvaika piesātinājuma pakāpe, cik tāļu tvaiks ir no piesātinātā tvaika stāvokļa. To raksturo ar relatīvo gaisa mitrumu, attiecību starp gaisā esošo tvaika daudzumu un tvaika daudzumu, kas tai pašā tilpumā un pie tās pašas temperatūras būtu piesātinātā stāvoklī.

$$R = \frac{m}{m_1} \cdot 100 \%$$

Pilnīgi sausa gaisa relatīvais mitrums būtu 0%, piesātināta gaisa relatīvais mitrums 100%.

Cilvēka organisma procesiem vispiemērotākais relatīvais mitrums ir apm. 50 - 60%, ko cenšas apdzīvotās telpās uzturēt mākslīgi.

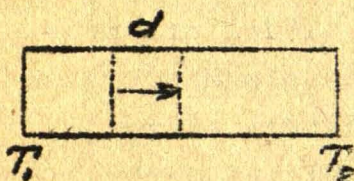
Mitruma mērīšanas ierīces - higrometri un psihometri.

Iztvaikošana dabā atkarīga no gaisa mitruma. Sausā gaisā izvaikošana notiek strauji, piesātinātā pilnīgi apstājas.

Augu un dzīvnieku piemērošanās klimatiskiem apstākļiem.

Siltuma izplatīšanās.

Siltuma vadīšana - molekulu siltuma enerģijas tieša pāreja no vienas ķermeņa daļas uz citām vai no viena ķermeņa uz otru tiem saskaroties.



Kārtai ar biezumu  $d$  caurplūstošā siltuma enerģija būs

$$Q = k \frac{(T_1 - T_2) \cdot S \cdot t}{d}$$

$k$  - iekšējās siltuma vadīšanas koeficients,  $s$  - kārtas šķērsgriezums,  $t$  - plūšanas laiks  $T_1$  un  $T_2$  temperatūras kārtas galos.

Vislabākie siltuma vadītāji ir metali, šķidrums un gāzes vada ļoti slikti.

Konvekciija - siltuma pārnešana pārvietojoties dažādas temperatūras vielas kārtām, iespējama šķidrums un gāzēs.

Izstarošana - siltuma izplatīšanās siltuma staru - radiācijas veidā. Izstarotais siltuma daudzums jo lielāks, jo lielāka izstarojošā virsma un jo augstāka tās temperatūra

$$Q \sim T^4 .$$

VZ - 200  
1941/V